

QUESTÃO 01

$$x + y + z = 360^\circ$$

$$5.k + 20.k + 25.k = 360^\circ$$

$$50.k = 360^\circ$$

$$k = 7,2^\circ$$

$$x = 5.k = 36^\circ$$

$$\text{suplemento de } x = 144^\circ$$

Letra A

QUESTÃO 02

$$A + B = 180^\circ$$

$$A + 3.A = 180^\circ$$

$$4.A = 180^\circ$$

$$A = 45^\circ \text{ e } B = 135^\circ$$

$$B - A = 90^\circ$$

Letra A

QUESTÃO 03

Os ângulos $(60^\circ - \alpha + 4\alpha) = (60^\circ + 3\alpha)$ e $2\alpha + 90^\circ$ são alternos internos.

Portanto, $60^\circ + 3\alpha = 2\alpha + 90^\circ \Leftrightarrow \alpha = 30^\circ$, que é um divisor de 60.

Letra D

QUESTÃO 04

$$(4.x + 30) + (x + 20) = 180$$

$$5.x + 50 = 180$$

$$5.x = 130$$

$$x = 26^\circ$$

Letra B

QUESTÃO 05

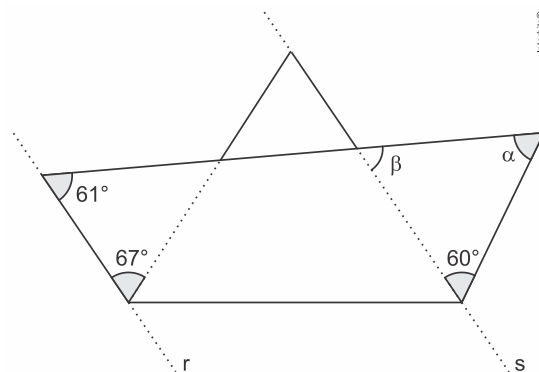
No triângulo ABC, os ângulos B e C medem 90° e 20° respectivamente. Logo:

$$\alpha + 20^\circ + 90^\circ = 180^\circ$$

$$\alpha = 70^\circ$$

Letra A

QUESTÃO 06

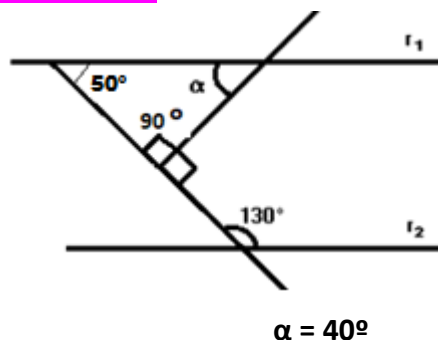


$$r // s \Rightarrow \beta = 61^\circ$$

$$\text{Logo, } \alpha + 61^\circ + 60^\circ = 180^\circ \Rightarrow \alpha = 59^\circ$$

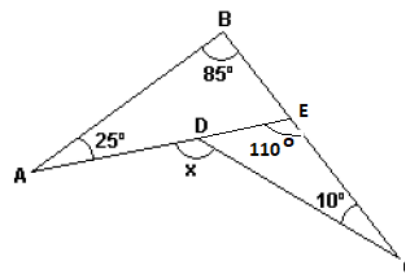
Letra E

QUESTÃO 07



Letra A

QUESTÃO 08



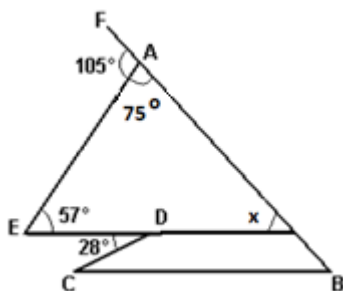
Prolongando AD até E teremos o externo ao triângulo ABE medindo $25^\circ + 85^\circ = 110^\circ$.

E o ângulo x externo ao triângulo DEC medindo: $110^\circ + 10^\circ = 120^\circ$.

$$\text{tg}(120^\circ) = -\sqrt{3}$$

Letra D

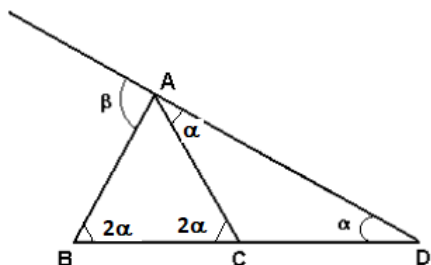
QUESTÃO 09



$$x + 75^\circ + 57^\circ = 180^\circ$$
$$x = 48^\circ = \text{ângulo ABC}$$

Letra D

QUESTÃO 10



O triângulo ACD é isósceles, logo os ângulos A e D são congruentes. O ângulo ACB é externo ao triângulo ACD. O triângulo ABC é isósceles e os ângulos B e C tem a mesma medida. O ângulo de medida b é externo a ABD, logo:

$$\beta = \alpha + 2 \cdot \alpha = 3 \cdot \alpha$$

Letra A

QUESTÃO 11

$$\theta = (33^\circ) + (90^\circ - 31^\circ) = 33^\circ + 59^\circ = 92^\circ.$$

Letra D

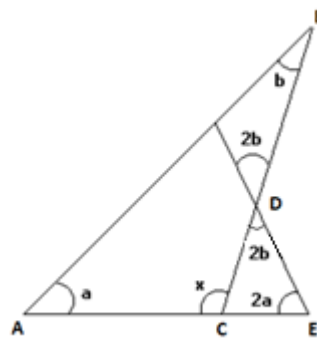
QUESTÃO 12

$$x + 90^\circ + 20^\circ = 180^\circ$$

$$x = 70^\circ$$

Letra E

QUESTÃO 13



$$\text{No triângulo CDE: } x = 2a + 2b$$

No triângulo ABC:

$$x + a + b = 180^\circ$$

$$2 \cdot x + 2 \cdot a + 2 \cdot b = 360^\circ$$

$$2 \cdot x + x = 360^\circ$$

$$3 \cdot x = 360^\circ$$

$$x = 120^\circ$$

Letra D

QUESTÃO 14

Sejam a e b as quantidades de palitos em cada um dos outros dois lados do triângulo. Tem-se que $\{a, b\} \in \{\{1, 10\}, \{2, 9\}, \{3, 8\}, \{4, 7\}, \{5, 6\}\}$.

Mas, pela condição de existência de um triângulo, só pode ser $\{a, b\} \in \{\{3, 8\}, \{4, 7\}, \{5, 6\}\}$ e, portanto, a resposta é 3.

Letra A

QUESTÃO 15

Sendo $\overline{AB} = \overline{AC}$ e $90^\circ < \widehat{BAC} < 180^\circ$, podemos afirmar que ABC é obtusângulo isósceles.

Letra E

QUESTÃO 16

De acordo com as informações do problema, podemos escrever que:

$$\begin{cases} 2x + y + 10^\circ = 90^\circ \\ 5x + 3y - 40^\circ = 180^\circ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2x + y = 80^\circ \\ 5x + 3y = 220^\circ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -6x - 3y = -240^\circ \\ 5x + 3y = 220^\circ \end{cases}$$

Somando as equações, obtemos: $x = 20^\circ$.

Letra D

QUESTÃO 17

Seja $\widehat{CBD} = x$. Logo, dado que $\overline{CB} = \overline{CE}$, vem $\widehat{CEB} = x + 39^\circ$. Em consequência, usando o fato de que a soma dos ângulos internos do triângulo BED é igual a 180° , obtemos $\widehat{EDB} = 102^\circ - x$. Além disso, como $\overline{AB} = \overline{AD}$, segue que $\widehat{ABE} = 63^\circ - x$. Portanto, a resposta é 102° .

Letra A

QUESTÃO 18

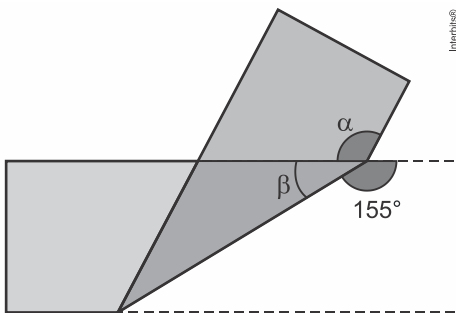
Sabendo que o suplemento de um ângulo α é dado por $180^\circ - \alpha$, temos:

$$180^\circ - \alpha = 180 - 30 = 150$$

Dividindo por dois, temos: $\frac{150}{2} = 75^\circ$

Letra B

QUESTÃO 19



Desdobrando a figura podemos observar uma coincidência entre os ângulos de medidas $\alpha + \beta$ é 155° . Podemos, então, escrever que:

$$\alpha + \beta = 155^\circ$$

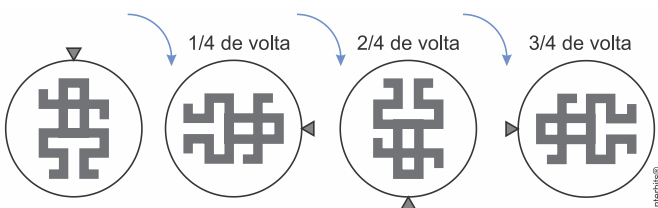
$$\alpha + 180^\circ - 155^\circ = 155^\circ$$

$$\alpha + 25^\circ = 155^\circ$$

$$\alpha = 130^\circ$$

Letra D

QUESTÃO 20



Letra E

QUESTÃO 21

A soma dos ângulos colaterais de uma reta que atravessa retas paralelas é 180° . Assim, se os ângulos forem x e y , pode-se deduzir:

$$\begin{cases} x + y = 180 \\ x - y = 20 \end{cases}$$

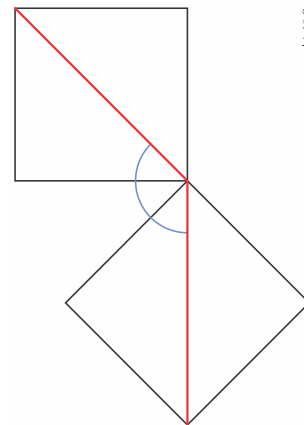
$$2x = 200 \rightarrow x = 100 \rightarrow y = 80$$

Ângulos agudos são aqueles menores que 90° , portanto o ângulo colateral interno agudo mede 80° .

Letra D

QUESTÃO 22

A figura a seguir ilustra a movimentação do quadro:



Assim, para retorná-lo à posição original, este deve ser girado 135° ($90^\circ + 45^\circ$) no sentido horário.

Letra B

QUESTÃO 23

Letra D

QUESTÃO 24

$$120 < AB + 100$$

$$AB > 20$$

Letra A

QUESTÃO 25

$$17^2 = 289$$

$$15^2 + 8^2 = 225 + 64 = 289$$

$$17^2 = 15^2 + 8^2$$

Retângulo

Letra A

QUESTÃO 26

Se o ângulo do vértice é 100° , cada um dos outros ângulos mede 40° . As bissetrizes determinaram ângulos de 20° .

Logo, $x + 20^\circ + 20^\circ = 180^\circ$ e então $x = 140^\circ$.

Como a medida corresponde a um ângulo obtuso, o agudo correspondente terá 40° .

Letra B

QUESTÃO 27

$$26^2 = 676$$

$$24^2 + 10^2 = 576 + 100 = 676$$

$$26^2 = 24^2 + 10^2$$

Retângulo

Letra B

QUESTÃO 28

Deveríamos ter $23 < 10 + 22$, logo não é possível formar triângulo.

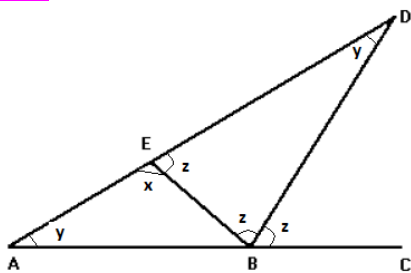
Letra E

QUESTÃO 29

perímetro = $3\frac{1}{2}$

Letra E

QUESTÃO 30



No triângulo ABD, $z = 2 \cdot y$

No triângulo ABE, $2 \cdot z = y + x$

Logo:

$$2 \cdot (2 \cdot y) = y + x$$

$$x = 3 \cdot y$$

$$z = 2 \cdot x / 3$$

$$x + z = 180^\circ$$

$$x + 2 \cdot x / 3 = 180^\circ.$$

$$x = 108^\circ.$$

Letra D