

GEOM. PLANA - CÍRCULOS E CIRCUNFERÊNCIAS

QUESTÃO 01

Os dois comprimentos são iguais, condição do problema. Logo:

$$C = 2 \cdot (2 \cdot \pi \cdot R) = 4 \times 3,14 \times 3 = 37,68 \approx 38\text{m}$$

Letra D

QUESTÃO 02

Tem-se que $OT = 3\text{ cm}$ (raio) e $OP = 5\text{ cm}$.

Por Pitágoras $PT = 4\text{ cm}$.

Logo,

$$OP^2 = PT \cdot PQ \text{ (no triângulo retângulo: } b^2 = a \cdot n)$$

$$5^2 = 4 \cdot PQ$$

$$PQ = 25/4\text{ cm.}$$

Em consequência, temos:

$$OP \cdot OQ = PQ \cdot OT \text{ (no triângulo retângulo: } b \cdot c = a \cdot h)$$

$$5 \cdot OQ = 3 \cdot 25/4$$

$$OQ = 15/4 = 3,75\text{ cm}$$

Letra C

QUESTÃO 03

Como $\widehat{A\hat{O}D}$ mede 150° , então $\widehat{B\hat{O}D}$ mede 30° , pois temos uma semicircunferência.

Logo o menor arco BD corresponde a $30/360 = 1/12$ da circunferência.

O comprimento da circunferência será igual a 12 vezes o comprimento de BD , $12 \cdot \pi/2 = 6 \cdot \pi$ metros.

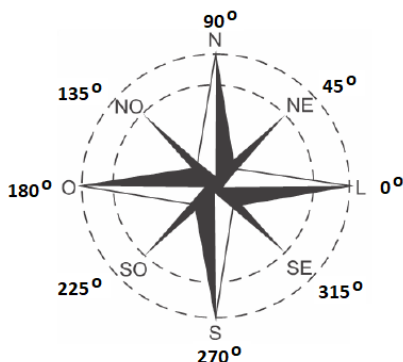
$$C = 2 \cdot \pi \cdot R \rightarrow 6 \cdot \pi = 2 \cdot \pi \cdot R \rightarrow R = 3\text{ metros}$$

$$A = \pi \cdot R^2 = \pi \cdot 3^2 = 9 \cdot \pi\text{ m}^2$$

Letra A

QUESTÃO 04

Vamos associar a figura um ciclo trigonométrico.



No sentido horário vamos considerar um deslocamento angular como sendo negativo e o oposto positivo.

Queremos sair do O (180°) e chegar ao NO (135°).

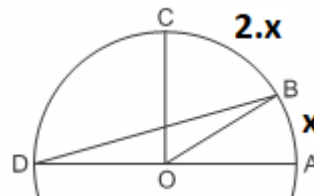
$$180^\circ + 135^\circ - 60^\circ + 45^\circ + X = 135^\circ$$

$$X = -165^\circ, 165^\circ \text{ no sentido horário.}$$

Letra E

QUESTÃO 05

Temos que $\widehat{B\hat{O}C} = 2 \cdot \widehat{A\hat{O}B}$.

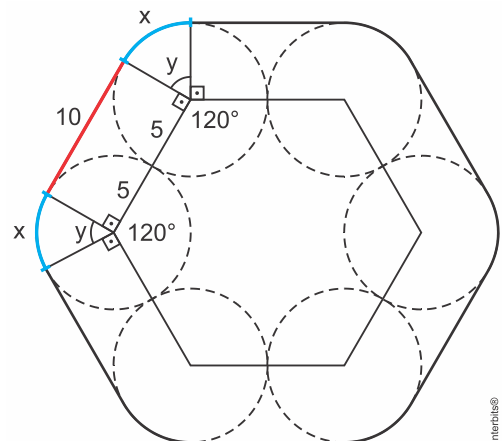


$$x + 2 \cdot x = 90^\circ, \text{ logo } x = 30^\circ.$$

O ângulo $\widehat{O\hat{D}B}$ é um ângulo inscrito onde $\widehat{A\hat{O}B}$ é o ângulo central correspondente e terá a metade da medida desse último, ou seja, 15° .

Letra B

QUESTÃO 06



Conforme enunciado, pode-se escrever:

$$y + 90^\circ + 90^\circ + 120^\circ = 360^\circ \rightarrow y = 60^\circ$$

Como o arco x está presente nas 6 circunferências e cada um deles é de 60° , teremos um comprimento igual ao perímetro da circunferência.

$$C = 6 \cdot L_{\text{hexágono}} + 2 \cdot \pi \cdot R$$

$$C = 6 \cdot 10 + 2 \cdot \pi \cdot 5 = (60 + 10 \cdot \pi)\text{ cm}$$

Letra D

QUESTÃO 07

O raio maior é 13 mm e o menor 9 mm.

$$A = \pi \cdot R^2 - \pi \cdot r^2 = \pi \cdot (R^2 - r^2)$$

$$A = 3,14 \cdot (13^2 - 9^2) = 276,32 \text{ mm}^2$$

Letra C

QUESTÃO 08

R , $2 \cdot \pi \cdot R$ e $\pi \cdot R^2$ são termos consecutivos de uma PG.

Logo:

$$\frac{2 \cdot \pi \cdot R}{R} = \frac{\pi \cdot R^2}{2 \cdot \pi \cdot R} \rightarrow 2 \cdot \pi = \frac{R}{2} \rightarrow R = 4 \cdot \pi$$

Letra D

QUESTÃO 09

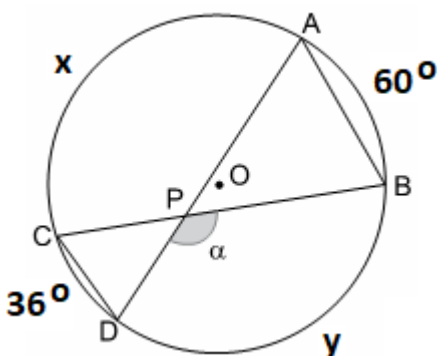
A dificuldade dessa questão é perceber que as engrenagens giram solidariamente, ou seja, quando a engrenagem C percorre 3.600 cm, a engrenagem A também percorre 3.600 cm, contudo executando um número de voltas diferentes. A engrenagem A executará menos voltas, pois tem um raio maior. Podemos calcular o número de voltas n dividindo o que a engrenagem percorrer pelo comprimento da circunferência que corresponde a 1 volta.

$$n = \frac{d}{2 \cdot \pi \cdot R} = \frac{3600}{2 \times 3,14 \times 4} = 150 \text{ voltas}$$

Letra E

QUESTÃO 10

Como CD é o lado do decágono, temos que o arco correspondente é $360^\circ/10 = 36^\circ$. Para o arco AB temos um hexágono, $360^\circ/6 = 60^\circ$.



$$x + y + 60^\circ + 36^\circ = 360^\circ$$

$$x + y = 264^\circ \rightarrow \alpha = \frac{x+y}{2} = \frac{264^\circ}{2} = 132^\circ$$

Letra E

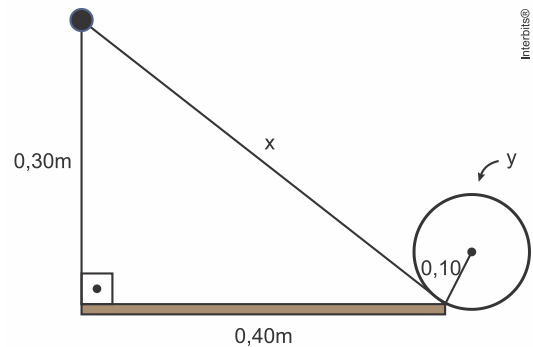
QUESTÃO 11

$$60^\circ = \frac{x+50^\circ}{2} \rightarrow 120^\circ = x + 50^\circ \rightarrow x = 70^\circ$$

Letra B

QUESTÃO 12

O tamanho da rampa pode ser calculado por Pitágoras:



$$x^2 = 0,30^2 + 0,40^2 \rightarrow x = 0,50 \text{ m}$$

O comprimento da circunferência é:

$$y = C = 2 \cdot \pi \cdot R = 2 \times 3,14 \times 0,10 = 0,63 \text{ m}$$

Adicionando as duas medidas temos 1,13 m.

Letra A

QUESTÃO 13

Podemos calcular o número de voltas n dividindo o que a engrenagem percorrer pelo comprimento da circunferência que corresponde a 1 volta.

$$n_A = \frac{d}{2 \cdot \pi \cdot R} = \frac{10000}{2 \cdot \pi \cdot 0,60} = \frac{10000}{1,2 \cdot \pi}$$

$$n_B = \frac{d}{2 \cdot \pi \cdot R} = \frac{5000}{2 \cdot \pi \cdot 0,40} = \frac{8000}{0,8 \cdot \pi}$$

Dividindo-se os números temos:

$$\frac{n_A}{n_B} = \frac{\frac{10000}{1,2 \cdot \pi}}{\frac{8000}{0,8 \cdot \pi}} = \frac{10000}{1,2 \cdot \pi} \cdot \frac{0,8 \cdot \pi}{8000} = \frac{8000}{6000} = \frac{4}{3}$$

Letra D

QUESTÃO 14

Como PQ corresponde ao lado do hexágono, o arco correspondente é de 60° . Ao percorrer PQ passando por R, a formiga percorre um arco de 300° , ou seja, $5/6$ da circunferência.

$$\widehat{PQ} = \frac{5}{6} \cdot 2 \cdot \pi \cdot R = \frac{5 \cdot 2 \cdot \pi \cdot 3}{6} = 5 \cdot \pi \text{ cm}$$

Letra B

QUESTÃO 15

Como completa 8 voltas percorrendo 48 m, temos 6 m para cada volta.

$$C = 2 \cdot \pi \cdot R \rightarrow 6 = 2 \times 3 \times R \rightarrow R = 1,0 \text{ m}$$

Letra B

QUESTÃO 16

A percorre 7,2 m. Se a faixa de Moebius foi usada como base de um cilindro teremos uma circunferência de comprimento 3,6 m, pois a baratinha vai e volta para a mesma posição.

$$C = 2 \cdot \pi \cdot R \rightarrow 3,6 = 2 \times 3 \times R \rightarrow R = 0,60 \text{ m}$$

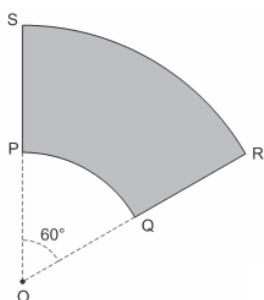
Letra C

QUESTÃO 17

$$\pi \cdot (R^2 - r^2) = \pi \cdot r^2 \rightarrow R^2 = 2 \cdot r^2 \rightarrow R = r \cdot \sqrt{2}$$

Letra B

QUESTÃO 18



Os arcos PQ e RS tem $1/6$ (60°) do comprimento de uma circunferência de raio 3 e de raio 6, respectivamente.

$$\widehat{PQ} = \frac{1}{6} \cdot 2 \cdot \pi \cdot R = \frac{1}{6} \cdot 2 \cdot \pi \cdot 3 = \pi$$

$$\widehat{RS} = \frac{1}{6} \cdot 2 \cdot \pi \cdot R = \frac{1}{6} \cdot 2 \cdot \pi \cdot 6 = 2 \cdot \pi$$

$$\text{perímetro} = 3 + 3 + 2 \cdot \pi + \pi = 6 + 3 \cdot \pi$$

Letra C

QUESTÃO 19

$$2 \cdot \pi \cdot (R - r) = 2 \times 3 \times (4 - 3) = 6 \text{ m por volta.}$$

Para 10 voltas, 60,0 metros.

Letra B

QUESTÃO 20

Cada intervalo de 1 hora temos 30° , logo 60° .

Letra C

QUESTÃO 21

Como o ângulo inscrito é 35° , então o menor arco CB mede 70° , e o arco CBA mede $70^\circ + 180^\circ = 250^\circ$. Logo o ângulo mede $250^\circ/2 = 125^\circ$.

Letra A

QUESTÃO 22

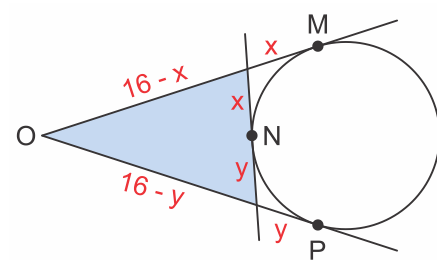
$$OM = OP = 16$$

$$AM = AN = x$$

$$BP = BN = y$$

$$OA = 16 - x$$

$$OB = 16 - y$$



Portanto, o perímetro do triângulo assinalado será dado por:

$$P = 16 - x + 16 - y + x + y$$

$$P = 32$$

Letra A

QUESTÃO 23

Uma possibilidade é perceber que x é o ângulo externo de um dos triângulos, logo $x = 80^\circ$.

Letra B

QUESTÃO 24

O menor arco PJ mede $90^\circ + 30^\circ = 120^\circ$, ou seja, a terça parte da circunferência.

$$\frac{1}{3} \cdot 2 \cdot \pi \cdot R = 10 \cdot \frac{\pi}{3} \text{ m}$$

Letra A

QUESTÃO 25

No triângulo PRS, temos:

$$PRS + 48^\circ + (45^\circ + 18^\circ) = 180^\circ.$$

$$PRS = 79^\circ = PQS$$

Letra C

QUESTÃO 26

$$\theta = \frac{|60.h - 11.m|}{2} = \frac{|60.2 - 11.20|}{2} = 50^\circ$$

Letra B

QUESTÃO 27

O arco percorrido pelo ponteiro das horas foi de 15° , o que implica em meia hora, ou seja, o ponteiro dos minutos percorreu metade da circunferência, 180° .

Letra E

QUESTÃO 28

20 minutos corresponde a $1/3$ da circunferência.

$$\frac{2\pi.R}{3} = \frac{2 \times 3,14 \times 12}{3} = 25,1 \text{ cm}$$

Letra B

QUESTÃO 29

$$\theta = \frac{|60.h - 11.m|}{2} = \frac{|60 \times 11 - 11 \times 15|}{2} = 112,5^\circ$$

Letra B

QUESTÃO 30

O menor arco BD mede 80° , logo o menor arco AD mede 80° também, pois CD é bissetriz e o menor arco BC mede $2.\alpha$.

$$\alpha + 80^\circ + 80^\circ = 180^\circ$$

$$\alpha = 20^\circ$$

Letra C

QUESTÃO 31

Perceba que temos 2 triângulos retângulos com um ângulo agudo de 40° em comum. Logo o ângulo é de 50° .

Letra C

QUESTÃO 32

$$2.\pi.(r+x) = 2.\pi.r$$

$$x = \frac{2}{\pi}$$

$$x+y = \frac{2}{\pi} + \frac{2}{\pi} = \frac{1}{\pi} = \pi^{-1}$$

Letra A

QUESTÃO 33

A diferença entre as circunferências completas é igual a:

$$2.\pi.(10-8) = 4.\pi$$

$$\alpha = \frac{4.\pi}{10} \text{ rad} = 72^\circ$$

Letra E

QUESTÃO 34

Triângulo inscrito em uma semi-circunferência é retângulo.

$$4^2 = 2^2 + x^2$$

$$x^2 = 12 \rightarrow x = 2.\sqrt{3}$$

Letra E

QUESTÃO 35

$$\frac{75^\circ}{15^\circ} = 5 \text{ horas}$$

Brasília 12 horas e Lusaka 17 horas

Letra D