

PROBLEMAS ALGÉBRICOS

QUESTÃO 01

Sejam x e y , respectivamente, o número de filhos e o número de filhas. Logo, desde que $y-1 = \frac{x}{2}$ e $x-1 = y$, temos $x = 4$ e $y = 3$. A resposta é $4+3=7$.

Letra C

QUESTÃO 02

Do enunciado, temos:

Quantia que Heloísa possuía: x

Quantia que Gabriela possuía: $\frac{21}{25}x$

No dia das crianças:

Quantia que Heloísa passou a ter: $x+20$

Quantia que Gabriela passou a ter: $\frac{21}{25}x+20$

Daí,

$$\frac{21}{25}x + 20 = \frac{22}{25} \cdot (x + 20)$$

$$\frac{21x + 20 \cdot 25}{25} = \frac{22}{25} \cdot (x + 20)$$

$$21x + 20 \cdot 25 = 22x + 22 \cdot 20$$

$$20 \cdot 25 - 22 \cdot 20 = 22x - 21x$$

$$20 \cdot (25 - 22) = x$$

$$x = 60$$

Assim, antes do dia das crianças, Heloísa possuía R\$ 60,00 e Gabriela possuía R\$ 50,40, logo, a diferença entre tais quantias era R\$ 9,60.

Letra B

QUESTÃO 03

Calculando:

Quilômetros a percorrer = $6n$

$$31/12/2018 - 2 \text{ dias} = 29/12/2018$$

$$6n = 7 \cdot (n - 4) \Rightarrow 6n = 7n - 28 \Rightarrow n = 28$$

$$29/12/2018 - 28 \text{ dias} = 02/12/2018$$

Letra B

QUESTÃO 04

Calculando:

$$4 \cdot 10 \cdot (x + 10) + x^1 = 900$$

$$x^2 + 40 \cdot x - 500 = 0$$

$$x = 10 \text{ ou } x = -50 \text{ (não convém)}$$

Letra A

QUESTÃO 05

Calculando:

$$x \cdot (5x + 12) + 8 \cdot 10 = 112$$

$$5x^2 + 12x + 80 - 112 = 0 \Rightarrow 5x^2 + 12x - 32 = 0$$

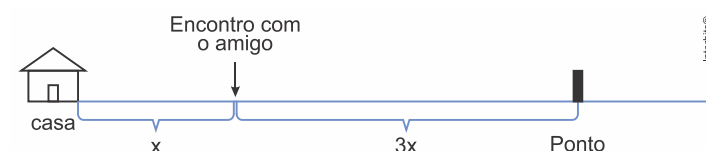
$$\Delta = 12^2 - 4 \cdot 5 \cdot (-32) = 784$$

$$x = \frac{-12 \pm \sqrt{784}}{2 \cdot 5} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{16}{10} = 1,6 \text{ mm} \\ \text{ou} \\ x = \frac{-40}{10} = -4 \text{ (não convém)} \end{cases}$$

Dimensões: 1,6 mm e $(5x + 12) = 20$ mm

Letra A

QUESTÃO 06



$$3x + x = 420 \Rightarrow 4x = 420 \Rightarrow x = 105 \text{ m}$$

Portanto, a distância que ainda falta para chegar até o ponto é:

$$d = 3 \cdot 105 = 315 \text{ m}$$

Letra E

QUESTÃO 07

Seja x o total de biscoitos. Do enunciado, temos:

o primeiro a pegar, pegou $\frac{x}{2}$;

o segundo a pegar, pegou $\frac{1}{2} \cdot \left(x - \frac{x}{2}\right) = \frac{x}{4}$;

o terceiro a pegar, pegou $\frac{1}{2} \cdot \left(x - \left(\frac{x}{2} + \frac{x}{4}\right)\right) = 6$.

Daí,

$$x - \frac{3x}{4} = 12$$

$$x = 48$$

Se tivessem seguido a regra da Dona Joana, teríamos a seguinte distribuição:

Primeiro a pegar, pegaria $\frac{48}{2} = 24$

Segundo a pegar, pegaria $\frac{1}{3} \cdot (48 - 24) = 8$

Terceiro a pegar, pegaria $\frac{1}{4} \cdot (48 - (24 + 8)) = 4$

Assim, o último a acordar pegaria menos biscoitos do que pegou.

Letra E

QUESTÃO 08

Seja v o valor inicial das parcelas. Tem-se que $v \cdot N = (v - 200) \cdot (N + 5) = (v + 232) \cdot (N - 4)$.

Donde vem o sistema

$$\begin{cases} v - 40N = 200 \\ -v + 58N = 232 \end{cases}$$

Resolvendo, encontramos $N = 24$.

Letra B

QUESTÃO 09

Dos 30 funcionários, x são garçons e $(30 - x)$ ocupam outros cargos.

Daí,

$$\frac{180}{x} = 15$$

$$x = 12$$

Logo, há 12 garçons e 18 pessoas ocupando outros cargos.

Então, o valor recebido por cada um dos demais funcionários foi $180/18 = 10$ reais.

Letra B

QUESTÃO 10

$$\alpha + 2 \cdot \alpha = \frac{-b}{2 \cdot a} = 12$$

$$3 \cdot \alpha = 12 \rightarrow \alpha = 4$$

As raízes são 4 e 8.

$$\text{Logo } p = 4 \times 8 = 32.$$

Letra C

QUESTÃO 11

Calculando:

$$\text{valor tipo 1} = x;$$

$$\text{valor tipo 2} = x + 3;$$

$$\text{quantidade comprada tipo 2} = 2 \cdot x$$

$$6 \cdot x + 2 \cdot x \cdot (x + 3) = 6 \cdot 50 - 30$$

$$2 \cdot x^2 + 12 \cdot x - 270 = 0$$

$$x^2 + 6 \cdot x - 135 = 0$$

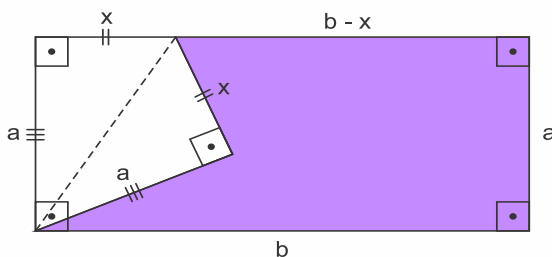
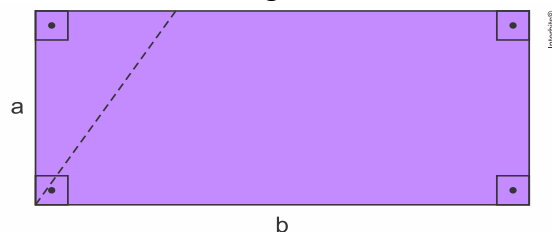
$$x = 6 \text{ ou } x = 15 \text{ (não convém)}$$

$$\text{Tipo 2} = 12 \times 18 = 216 \text{ reais}$$

Letra A

QUESTÃO 12

Do enunciado e da figura, temos:



$$\begin{cases} a \cdot b = 32 \\ a + x + b - x + a + b = 24 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a \cdot b = 32 & \text{(i)} \\ a + b = 12 & \text{(ii)} \end{cases}$$

Da equação (ii),

$$b = 12 - a$$

Substituindo $b = 12 - a$ na equação (i),

$$a \cdot (12 - a) = 32$$

$$12a - a^2 = 32$$

$$a^2 - 12a + 32 = 0$$

$$a = 4 \text{ ou } a = 8$$

$$\text{Se } a = 4, b = 8$$

$$\text{Se } a = 8, b = 4$$

Então, a diferença entre o maior e o menor lado dessa folha é $(8 - 4) \text{ cm} = 4 \text{ cm}$.

Letra C

QUESTÃO 13

Seja n o número de escolas participantes. Logo, se $7n - 20$ alunos passaram para a segunda fase, então passaram $\frac{7n - 20}{3}$ alunos para a terceira fase.

Portanto, temos:

$$\frac{7n - 20}{3} = 26 \Leftrightarrow 7n = 98 \Leftrightarrow n = 14.$$

Em consequência, se e é o número de escolas estaduais, então:

$$2e + e + \frac{e}{2} = 14 \Leftrightarrow e = 4$$

e, assim, podemos afirmar que o número de alunos enviados pelas escolas estaduais foi $7 \cdot 4 = 28$.

Letra D

QUESTÃO 14

Tempo para as questões de Língua Portuguesa: T/3

Tempo para as questões de Língua Inglesa: T/6

Tempo para as questões de Matemática: 2.T/5

Tempo para o preenchimento do cartão de respostas: 5 minutos.

Tempo que sobrou depois de ter entregado a prova: 22 minutos.

Temos então a seguinte equação:

$$\frac{T}{3} + \frac{T}{6} + \frac{2.T}{5} + 5 + 22 = T$$

T = 270 minutos.

Portanto, $T \geq 260$.

Letra D

QUESTÃO 15

Primeiramente deve-se obter as dimensões do cercado através das raízes da equação

$$x^2 - 45x + 500 = 0:$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4 \cdot a \cdot c}}{2 \cdot a} = \frac{45 \pm \sqrt{45^2 - 4 \cdot 1 \cdot 500}}{2 \cdot 1}$$

$$x = \frac{45 \pm \sqrt{2025 - 2000}}{2} = \frac{45 \pm 5}{2}$$

$$x = \begin{cases} 25 \\ 20 \end{cases}$$

Sabendo as dimensões do cercado, basta obter o perímetro (2p) do retângulo de dimensões 20x25,

logo:

$$(2p) = 20 + 25 + 20 + 25$$

$$(2p) = 90 \text{ m}$$

Como Pedro irá utilizar cinco voltas de arame, basta multiplicar o perímetro por cinco para se obter a quantidade de arame: $90 \times 5 = 450 \text{ m}$.

Letra E

QUESTÃO 16

Sendo x o número de convites de recebeu cada funcionário de planejamento, podemos escrever que:

Número de funcionários do atendimento será dado

$$\text{por: } \frac{90}{x+4}$$

Número de funcionários do atendimento será dado

$$\text{por: } \frac{90}{x}$$

Podemos então escrever que:

$$\frac{90}{x+4} + \frac{90}{x} = 60 (\div 30)$$

$$\frac{3}{x+4} + \frac{3}{x} = 2$$

$$3 \cdot x + 3 \cdot (x+4) = 2 \cdot x \cdot (x+4)$$

$$3x + 3x + 12 = 2x^2 + 8x$$

$$2x^2 + 2x - 12 = 0 (\div 2)$$

$$x^2 + x - 6 = 0$$

$$x = \frac{-1 \pm \sqrt{25}}{2 \cdot 1}$$

$$x = 2 \text{ ou } x = -3$$

Portanto, cada funcionário do planejamento recebeu dois convites e cada funcionário do atendimento recebeu 6 convites.

Letra A

QUESTÃO 17

Considerando que x é o número de carros, 40-x o número de bicicletas e considerando o total de rodas, podemos escrever que:

$$4x + 2 \cdot (40 - x) = 84 \Rightarrow 2x = 4 \Rightarrow x = 2$$

Logo, $40 - x = 38$

Resposta: 38 bicicletas e 2 carros.

Letra C

QUESTÃO 18

Resolvendo a equação dada para a:

$$4a - \frac{32}{a^2} = 0 \rightarrow 4a^3 - 32 = 0 \rightarrow 4a^3 = 32 \rightarrow a^3 = 8 \rightarrow a = 2 \text{ dm}$$

Logo, sabendo que 1 litro = 1 decímetro cúbico, e que o volume da embalagem é igual a 8 litros, pode-se escrever:

$$V = 8 \text{ dm}^3$$

$$V = S_{\text{base}} \cdot h = a^2 \cdot h$$

$$8 = 2^2 \cdot h \rightarrow h = 2 \text{ dm}$$

Letra D

QUESTÃO 19

Sejam n e q, respectivamente, o número de caminhões utilizados e a capacidade de cada caminhão. Tem-se que

$$n \cdot q = (n+4) \cdot (q-500) \Leftrightarrow q = 125 \cdot n + 500.$$

$$n \cdot q = 60000 \Leftrightarrow n \cdot (125 \cdot n + 500) = 60000$$

$$n^2 + 4n - 480 = 0 \Rightarrow n = 20.$$

Portanto, o resultado pedido é $20 + 4 = 24$.

Letra A

QUESTÃO 20

Sejam n e c respectivamente o número de caminhões e a capacidade máxima de cada caminhão. Logo, como $n \cdot c = 90$ e $(n+6) \cdot (c - \frac{1}{2}) = 90$, segue-se que $n^2 + 6n - 1080$. Daí, como n é natural, só pode ser $n = 30$ e, portanto, o resultado pedido é $30 + 6 = 36$.

Letra A

QUESTÃO 21

Sendo m, j e p a quantidade de figurinhas de Marcos, Jorge e Paulo, respectivamente, pode-se calcular:

$$\begin{cases} j + m = 110 \\ j + p = 73 \\ m + p = 65 \end{cases}$$
$$j = 110 - m$$
$$\begin{cases} 110 - m + p = 73 \\ m + p = 65 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -m + p = -37 \\ m + p = 65 \end{cases} \Rightarrow 2p = 28 \Rightarrow p = 14$$

Assim:

$$m + 14 = 65 \Rightarrow m = 51$$

$$j = 110 - 51 \Rightarrow j = 59$$

Letra C

QUESTÃO 22

$$\begin{cases} 3x + 10y = 87 \\ 10 \cdot 0,9x + 25 \cdot 1,1y = 243 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3x + 10y = 87 \\ 9x + 27,5y = 243 \end{cases}$$
$$-9x + 9y - 30y + 27,5y = -261 + 243 \Rightarrow 2,5y = 18 \Rightarrow y = 7,2 \Rightarrow x = 5$$
$$\frac{7,2 - 5}{5} = 0,44 = 44\%$$

Letra E

QUESTÃO 23

Sejam t, s e e , respectivamente, o preço de uma televisão, o preço de um sofá e o preço de uma estante. Logo, vem

$$\begin{cases} t + s = 3800 \\ s + e = 3400 \\ t + e = 4200 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} t + s = 3800 \\ t - s = 800 \end{cases}$$
$$\Rightarrow \begin{cases} t = 2300 \\ s = 1500 \end{cases}$$

A resposta é

$$0,95 \cdot (2 \cdot 2300 + 1500) = \text{R\$ } 5.795,00.$$

Letra D

QUESTÃO 24

Sejam:

Preço de uma calça: x reais

Preço de uma camiseta: y reais

Preço de uma cueca: z reais

Do enunciado, temos:

$$\begin{cases} x + 3y + 2z = 420 & \text{(i)} \\ 2x + z = 285 & \text{(ii)} \end{cases}$$

Somando, membro a membro, as equações (i) e (ii), $3x + 3y + 3z = 705$

$$x + y + z = 235$$

Assim, se André tivesse comprado apenas uma peça de cada tipo, teria pago a importância de R\$ 235,00.

Letra E

QUESTÃO 25

Resolvendo o sistema:

$$\begin{cases} 2 \cdot x + 3 \cdot y + z = 8420 \\ x + 2 \cdot y + 2 \cdot z = 7940 \\ 4 \cdot x + 3 \cdot y = 8110 \end{cases}$$

Obtemos:

$$x = 820; y = 1610; z = 1960$$

$$\text{Logo: } 1960 - 820 = 1140$$

Letra A

QUESTÃO 26

Considere o caçula como c , o primogênito (ou mais velho) como p , e o quarto filho como q .

Logo, temos a seguinte situação:

$$\begin{cases} c = p - 14 \\ q = \frac{p}{3} + 7 \\ c + p + q = 42 \end{cases}$$

Desenvolvendo o sistema temos

$$\begin{cases} c = p - 14 \\ q = \frac{p}{3} + 7 \\ c + p + q = 42 \end{cases} \Rightarrow (p - 14) + p + (\frac{p}{3} + 7) = 42 \Rightarrow 2p + \frac{p}{3} = 49$$
$$c + p + q = 42$$

$$\frac{6p}{3} + \frac{p}{3} = 49 \Rightarrow p = 21 \Rightarrow c = p - 14 = 7$$

Note que 7 é número primo.

Letra C

QUESTÃO 27

Sejam x , y e z respectivamente, os preços unitários das margaridas, lírios e rosas. De acordo com as informações, obtemos o sistema:

$$\begin{cases} 4x + 2y + 3z = 42 \\ x + 2y + z = 20 \\ 2x + 4y + z = 32 \end{cases}$$

Com solução:

$$x = 2; y = 5; z = 8$$

Logo $x + y + z = 15$.

Letra D

QUESTÃO 28

Calculando:

$$140 + 1,4x = 90 + 1,5x$$

$$0,1x = 50$$

$$x = 500$$

Letra D

QUESTÃO 29

Calculando:

$$18,5 = \frac{\text{peso}}{1,7^2} \Rightarrow \text{peso}_{\text{mín}} = 53,465 \text{ kg}$$

$$25 = \frac{\text{peso}}{1,7^2} \Rightarrow \text{peso}_{\text{máx}} = 72,25 \text{ kg}$$

Letra E

QUESTÃO 30

De acordo com o problema, temos o seguinte sistema linear:

$$\begin{cases} 2A + 2C = 1060 \\ A + 3B = 1160 \\ B + 3C = 810 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} A + C = 530 \\ A + 3B = 1160 \\ B + 3C = 810 \end{cases}$$

Multiplicando a primeira equação por -1 e somando com a segunda, temos:

$$\begin{cases} 3B - C = 630 \\ B + 3C = 810 \end{cases}$$

Resolvendo o sistema, temos: $A = 350$, $B = 270$, $C = 180$ e $D = 60$.

Portanto, $A + B + C + D = 860$.

Letra A

QUESTÃO 31

Pitágoras possui p reais e Tales possui t reais. Temos, então, o sistema abaixo:

$$\begin{cases} p - 50 = t + 50 \\ t - 100 = \frac{p + 100}{4} \end{cases}$$

Resolvendo o sistema, temos $t = 200$ e $p = 300$.

Portanto, a quantia que os dois possuem hoje, juntos, é menor que 600 reais.

Letra A

QUESTÃO 32

Seja Z o tempo que a luz vermelha fica acesa. Logo, temos

$$X = \frac{2Z}{3} \Leftrightarrow Z = \frac{3X}{2}$$

e, portanto,

$$Y = 5 + X + Z \Leftrightarrow Y = 5 + X + \frac{3X}{2} \\ \Leftrightarrow 5X - 2Y + 10 = 0.$$

Letra B

QUESTÃO 33

De acordo com as informações, obtemos

$$\begin{cases} a = 3c \\ a + b + c = 58 \\ 450a + 800b + 1250c = 39200 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 3c \\ b + 4c = 58 \\ 4b + 13c = 196 \end{cases} \\ \Leftrightarrow \begin{cases} a = 36 \\ b = 10 \\ c = 12 \end{cases}$$

Portanto, $a - b - c = 36 - 10 - 12 = 14$.

Letra A

QUESTÃO 34

De acordo com o enunciado, segue que

$$\begin{cases} x + y + 5 = 24 & x + y = 19 \\ y + z + 15 = 24 & \rightarrow y + z = 9 \\ x + z + 10 = 24 & x + z = 14 \end{cases}$$

Somando membro a membro:

$$2x + 2y + 2z = 42$$

$$x + y + z = 21$$

$$\text{Então } x = 12, y = 7 \text{ e } z = 2.$$

$$x - y \cdot z = 12 - 14 = -2$$

Letra A

QUESTÃO 35

x reais para dividir para n netos. De acordo com as informações do problema, podemos concluir que

$$\begin{cases} x = 50n - 50 \text{ (I)} \\ x = 40n + 40 \text{ (II)} \end{cases}$$

Substituindo (I) em (II).

$$50n - 50 = 40n + 40$$

$$10n = 90$$

$$n = 9 \text{ e } x = 400$$

Logo, o Sr. Luiz possui menos de 500 reais para dividir entre seus netos.

Letra A

QUESTÃO 36

x é o preço da caneta

y é o preço do caderno

z é o preço do lápis

De acordo com os dados do problema, temos:

$$\begin{cases} 5x + 4y + 10z = 62,00 \text{ (I)} \\ 3x + 5y + 3z = 66,00 \text{ (II)} \\ 2x + 3y + 7z = 44,00 \text{ (III)} \end{cases}$$

Fazendo (I) - (III) + (II), temos:

$$6x + 6y + 6z = 84,00 \Rightarrow x + y + z = 14.$$

Letra D

QUESTÃO 37

Com as informações do problema, podemos escrever o seguinte sistema linear:

$$\begin{cases} 18x + 21y = 138 \text{ (i)} \\ 17x + 20y = 131 \text{ (ii)} \end{cases}$$

Fazendo (i) - (ii), temos: $x + y = 7$.

Letra B

QUESTÃO 38

Vamos considerar x bolinhas e y latinhas. De acordo com o sistema, temos:

$$\begin{cases} x = 4y + 2 \\ x = 5 \cdot (y - 1) + 2 \end{cases}$$

temos $y = 5$ e $x = 22$.

Chegamos, então, 5 latas e 22 bolinhas. 55 é a resposta correta, pois é o único múltiplo de 5.

Letra D

QUESTÃO 39

Considerando x e y as idades do pai e do filho, respectivamente em 2012, temos o seguinte sistema:

$$\begin{cases} x = 2y - 2 \\ x - 1 + y - 1 = 83 \end{cases}$$

Resolvendo o sistema, encontramos $x = 56$.

Portanto, o pai nasceu no ano de: $2012 - 56 = 1956$.

Letra B

QUESTÃO 40

Seja o par (x, y) , em que x e y representam, respectivamente, o número de ônibus de 50 lugares e o número de ônibus de 40 lugares.

Como serão disponibilizados 6 motoristas e 260 pessoas serão transportadas, temos que $(x, y) \in \{(5, 1), (4, 2), (3, 3), (2, 4)\}$.

Portanto, a menor despesa com aluguel é obtida em $(2, 4)$, ou seja, $2 \cdot 2000 + 4 \cdot 1300 = \text{R\$ } 9.200,00$.

Letra B

QUESTÃO 41

Número de adultos: $x = 3y$;

Número de crianças: y;

De acordo com o enunciado, temos:

$$\begin{cases} x = 3y \\ 12x + 3y = 663 \end{cases}$$

Letra D

QUESTÃO 42

Sendo, x o preço da TV, y o preço do freezer e z o preço da churrasqueira, podemos escrever o sistema:

$$\begin{cases} y + z = 1288 \\ x + y = 3698 \\ x + z = 2588 \end{cases}$$

Somando as equações, temos: $2 \cdot (x + y + z) = 7574$. Logo, $x + y + z = 3.787$.

Letra C

QUESTÃO 43

Isabela tinha y pastéis e Ana Beatriz tinha x pastéis, então: $x + y = 460$.

Isabela vendeu $\frac{3y}{5}$, restando-lhe $\frac{2y}{5}$.

Ana Beatriz vendeu $\frac{5x}{8}$, restando-lhe $\frac{3x}{8}$.

Portanto, $\frac{3x}{8} = \frac{1}{2} \cdot \frac{2y}{5} \Leftrightarrow y = \frac{15}{8}x$.

Fazendo $x + \frac{15x}{8} = 460 \Leftrightarrow x = 160$.

Somando os algarismos, temos: $1 + 6 + 0 = 7$.

Letra B

QUESTÃO 44

Sejam n número de parcelas e v o valor de cada parcela, então:

$n \cdot v = (n - 3) \cdot (v + 60)$ ou $n \cdot v = (n - 5) \cdot (v + 125)$.

Desenvolvendo as equações e resolvendo o sistema

$$\begin{cases} 60n - 3v = 180 \\ 125n - 5v = 625 \end{cases}, \text{temos: } n = 13$$

Letra A

QUESTÃO 45

Sejam x e y , respectivamente, o preço de um suco e o preço de um sanduíche.

De acordo com o consumo e a despesa de cada mesa, temos que:

$$\begin{cases} 2 \cdot x + 3 \cdot y = 14 \\ 4 \cdot x + 5 \cdot y = 25 \end{cases}$$

Resolvendo o sistema:

$x = 2,50$ e $y = 3,00$

Letra A

QUESTÃO 46

x é a quantidade de amendoim

y é a quantidade de castanha de caju

z é a quantidade de castanha-do-pará.

$$\begin{cases} x + y + z = 0,5 \\ 5x + 20y + 16z = 5,75 \\ x - 3y + z = 0 \end{cases}, \text{ resolvendo o sistema temos:}$$

$x = 0,25\text{kg} = 250\text{g}$

$y = 0,125\text{kg} = 125\text{g}$

$z = 0,125\text{kg} = 125\text{g}$

Letra C

QUESTÃO 47

Sejam j , m e p , respectivamente, o número de comprimidos que João, Márcia e Pedro tomam mensalmente. Logo, temos:

$$\begin{cases} 2j + 4m + 10p = 780 \\ j + m + p = 130 \\ p = 3m \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} j + 17m = 390 \\ j + 4m = 130 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} m = 20 \\ j = 50 \\ p = 60 \end{cases}$$

Letra B

QUESTÃO 48

x é o preço da geladeira

y é o preço da máquina de lavar

z é o preço da secadora

$$\begin{cases} x + y = 2200 \\ y + z = 2100 \\ x + z = 2500 \end{cases} \text{ somando as equações, temos:}$$

$$2x + 2y + 2z = 6800 \Leftrightarrow x + y + z = 3400$$

Letra D

QUESTÃO 49

x = número de camisas (50)

y = número de calças (80)

$$\begin{cases} 5x + 8y = 14000 \\ 20x + 24y = 52000 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -15x - 24y = -42000 \\ 20x + 24y = 52000 \end{cases}$$

Resolvendo, temos $x = 2000$ e $y = 500$

$$x - y = 2000 - 500 = 1500$$

Letra B

QUESTÃO 50

x retiradas de 1 copo

y retiradas de 2 copos $\rightarrow y$ copos desperdiçados

z retiradas de 3 copos $\rightarrow 2 \cdot z$ copos desperdiçados.

Então temos o seguinte sistema:

$$\begin{cases} x + 2 \cdot y + 3 \cdot z = 100 \\ y + 2 \cdot z = 35 \\ \frac{y}{z} = \frac{3}{2} \end{cases}$$

Resolvendo o sistema temos:

$x = 40$; $y = 15$ e $z = 10$

Portanto, 40 retiradas de apenas um copo.

Letra C

QUESTÃO 51

É fácil perceber que a equação tem como raízes os números reais: $\sqrt{2}$; $\sqrt{3}$ e $\sqrt{5}$.

Letra B

QUESTÃO 52

Letra B

QUESTÃO 53

Observe que $P(1) = 0$.

1	1	-16	69	-54
	1	-15	54	0

Resolvendo $x^2 - 15x + 54 = 0$

Teremos as outras raízes: 9 e 6.

A soma de todas as permutações de 1,6 e 9.

$$169 + 196 + 619 + 691 + 916 + 961 = 3552$$

$$\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{5} = \frac{x+y+z}{2+3+5} = \frac{3552}{10} = 355,2$$

$$\text{Roberto} = 2 \times 355,20 = 710,40$$

Letra C

QUESTÃO 54

Letra A

QUESTÃO 55

$$2 + 3.r = r^3$$

$$r = 2$$

Letra A
