

**QUESTÃO 01**

Utilizando o Teorema de Tales, temos:

$$\frac{a}{18} = \frac{b}{24} = \frac{c}{33} = \frac{a+b+c}{18+24+33}$$

$$\frac{18}{a} = \frac{24}{b} = \frac{33}{c} = \frac{75}{100}$$

Portanto,  $a = 24$ ,  $b = 32$  e  $c = 44$ .

Letra **A**

**QUESTÃO 02**

Aplicando o Teorema de Tales na primeira situação temos:

$$\frac{x}{2} = \frac{x+10}{7} \Rightarrow 7x = 2x + 20 \Rightarrow x = 4$$

Aplicando o Teorema de Pitágoras no triângulo temos:

$$8^2 = 4^2 + \text{cat}^2$$

$$64 = 16 + \text{cat}^2$$

$$\text{cat}^2 = 64 - 16 = 48$$

$$y = \sqrt{48}$$

Calculando a área temos:  $A = y \cdot y = \sqrt{48} \cdot \sqrt{48} = 48$

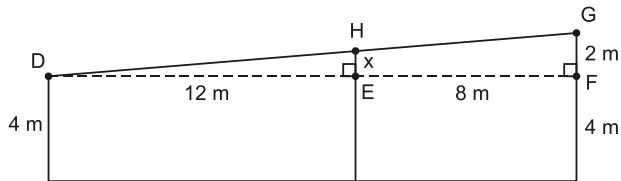
Letra **A**

**QUESTÃO 03**

A definição de altura.

Letra **D**

**QUESTÃO 04**



Traçando  $DF \parallel AC$ , temos que os triângulos DHE e DGF são semelhantes por AAA.

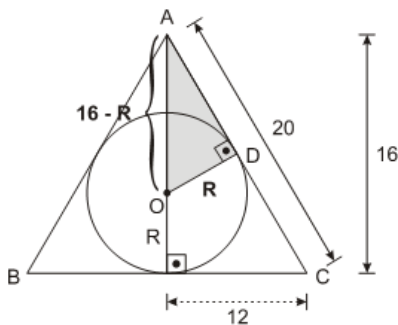
Se  $\overline{HE} = x$ , vem:  $\frac{x}{2} = \frac{12}{20} \Rightarrow x = 1,2$  m.

Assim, a altura do suporte em B é:

$$4 + x = 4 + 1,2 = 5,2 \text{ m.}$$

Letra **D**

**QUESTÃO 05**



$$AC^2 = 16^2 + 12^2 \Leftrightarrow AC = 20$$

$$\Delta AOD \sim \Delta ACM \Leftrightarrow \frac{R}{12} = \frac{16-R}{20} \Leftrightarrow R = 6$$

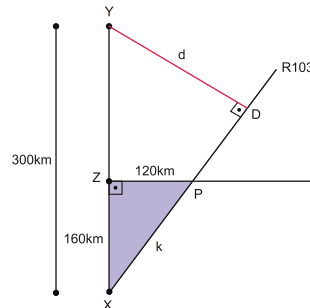
Área que será pintada:

$$A = 450 \cdot \pi \cdot R^2 = 450 \cdot 3 \cdot 6^2 = 48.600 \text{ cm}^2$$

$$\text{Número de potes} = \frac{48600}{5400} = 9$$

Letra **A**

**QUESTÃO 06**



Determinando o valor de  $k$  no triângulo XZP:

$$K^2 = 120^2 + 160^2$$

$$K = 200 \text{ km}$$

$$\Delta XZP \sim \Delta XDY$$

$$\frac{200}{300} = \frac{120}{d} \Leftrightarrow 2d = 360 \Leftrightarrow d = 180 \text{ km}$$

Letra **E**

**QUESTÃO 07**

É fácil ver que os triângulos AEC e BED são semelhantes.

Logo,

$$\frac{\overline{AF}}{\overline{BF}} = \frac{\overline{AC}}{\overline{BD}} \Leftrightarrow \frac{\overline{AF}}{\overline{BF}} = \frac{4}{6}$$

$$\frac{\overline{AF} + \overline{BF}}{\overline{AF}} = \frac{2+3}{2}$$

$$\frac{\overline{AF} + \overline{BF}}{\overline{AF}} = \frac{5}{2}$$

Além disso, como os triângulos AEF e ABD também são semelhantes, vem

$$\frac{\overline{AF}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{EF}}{\overline{BD}} \Leftrightarrow \frac{\overline{AF}}{\overline{AF} + \overline{BF}} = \frac{\overline{EF}}{6}$$

$$\frac{\overline{EF}}{6} = \frac{2}{5} \Leftrightarrow \overline{EF} = 2,4 \text{ m.}$$

Letra **C**

**QUESTÃO 08**

De acordo com os dados do enunciado, pode-se deduzir que o triângulo ABC é do tipo 30/60/90.

Logo, o lado BC mede 4km.

O triângulo ABC e o triângulo EDC são semelhantes, logo:

$$\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{DC} \rightarrow \frac{2}{DE} = \frac{4}{2\sqrt{3}-4DE} \rightarrow DE = \frac{\sqrt{3}}{3} \rightarrow DC = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

Aplicando o Teorema de Pitágoras e calculando a área dos polígonos, tem-se:

$$DC^2 = EC^2 + DE^2 \rightarrow \left(\frac{2\sqrt{3}}{3}\right)^2 = EC^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)^2 \rightarrow EC = 1$$

$$S_{ABC} = \frac{2 \cdot 2\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$$

$$S_{EDC} = \frac{1 \cdot \sqrt{3}}{2 \cdot 3} = \frac{\sqrt{3}}{6}$$

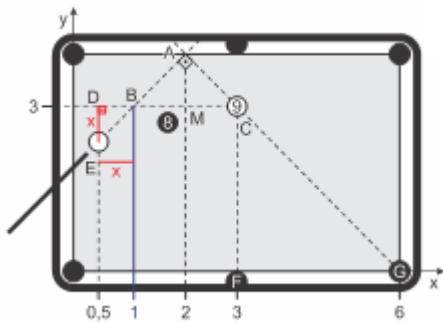
$$S_{ABDE} = 2\sqrt{3} - \frac{\sqrt{3}}{6} = \frac{11\sqrt{3}}{6}$$

$$\frac{S_{ABDE}}{S_{EDC}} = \frac{11\sqrt{3}}{6} \cdot \frac{6}{\sqrt{3}} \rightarrow \frac{S_{ABDE}}{S_{EDC}} = 11$$

Letra **D**

**QUESTÃO 09**

Considerando os dados do enunciado:

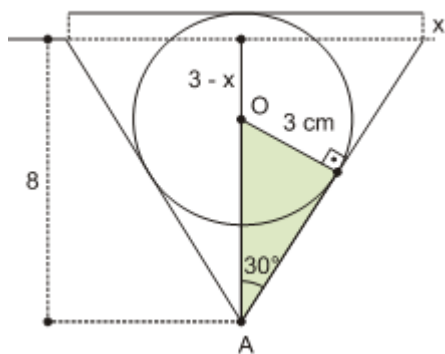


$$\begin{aligned} \Delta ABC &\approx \Delta CFG \Rightarrow \overline{AB} = \overline{AC} \\ \overline{BM} &= \overline{CM} \Rightarrow \overline{BM} = 1 \Rightarrow B(1; 3) \\ \Delta ABC &\approx \Delta DBE \end{aligned}$$

$$\overline{DE} = \overline{DB} \Rightarrow \overline{DE} = 0,5 \Rightarrow E(0,5; 2,5)$$

Letra **E**

**QUESTÃO 10**

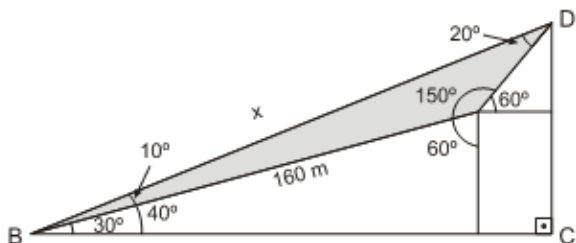


$$\text{sen}30^\circ = \frac{3}{AO} \Leftrightarrow \frac{1}{2} = \frac{3}{AO} \Leftrightarrow AO = 6\text{cm}$$

Logo,  $6 + 3 - x = 8 \Leftrightarrow x = 1\text{cm}$ .

Letra **B**

**QUESTÃO 11**



Aplicando o teorema dos senos no triângulo assinalado, temos:

$$\begin{aligned} \frac{x}{\text{sen}150^\circ} &= \frac{160}{0,342} \\ 0,342 \cdot x &= 160 \cdot \text{sen}150^\circ \\ 0,342x &= 80 \\ x &= 233,9 \end{aligned}$$

Aproximadamente 234m

Letra **B**

**QUESTÃO 12**

O compasso forma, com a superfície do papel, um triângulo isóscele de lados 10, 10 e R (raio), e ângulos 120, 30 e 30 graus. Sabendo-se disto, pode-se calcular o raio R:

$$\begin{aligned} \frac{R}{\text{sen}120^\circ} &= \frac{10}{\text{sen}30^\circ} \Rightarrow R \cdot \frac{1}{2} = 10 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \\ R &= 10\sqrt{3} \approx 17\text{cm} \Rightarrow 15 < R \leq 21 \end{aligned}$$

Letra **D**

**QUESTÃO 13**

O triângulo BPR é retângulo e isóscele, logo:

$BP = PR = h$ .

Utilizando o teorema de Pitágoras, podemos escrever que  $h^2 + h^2 = (6\sqrt{2})^2$ , logo  $h = 6$ .

No triângulo APR, podemos escrever:

$$\text{tg}30^\circ = \frac{h}{h + AB}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{6}{AB + 6}$$

$$AB = \frac{18 - 6\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$$

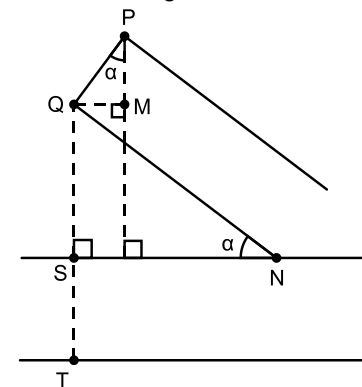
$$AB = \frac{18\sqrt{3} - 18}{3}$$

$$AB \approx 4,2$$

Letra **B**

**QUESTÃO 14**

Considere a figura.



Sabendo que  $\cos \alpha = 0,8$  e  $\text{sen}^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ , obtemos  $\text{sen} \alpha = 0,6$ . Logo, do triângulo QNS, vem

$$\text{sen} \alpha = \frac{\overline{QS}}{\overline{NQ}} \Leftrightarrow \overline{QS} = 0,6 \cdot 3 = 1,8 \text{ m.}$$

Por outro lado, do triângulo MPQ, encontramos

$$\cos \alpha = \frac{\overline{MP}}{\overline{PQ}} \Leftrightarrow \overline{MP} = 0,8 \cdot 1 = 0,8 \text{ m.}$$

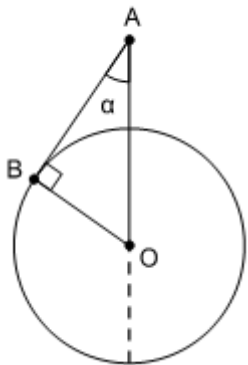
Assim, o resultado pedido é dado por:

$$\overline{MP} + \overline{QS} + \overline{ST} = 0,8 + 1,8 + 1,2 = 3,8 \text{ m.}$$

Letra **C**

**QUESTÃO 15**

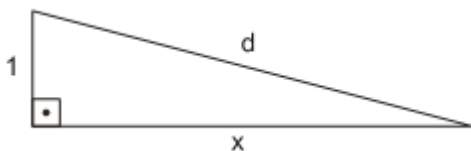
Supondo que a Terra seja uma esfera, considere a figura. Como  $AB$  é tangente à esfera, segue que  $OB \perp AB$ . Além disso,  $\overline{AO} = h + R$  e  $\overline{OB} = R$ . Portanto, do triângulo  $AOB$ , obtemos:



$$\begin{aligned} \sin \alpha &= \frac{\overline{OB}}{\overline{AO}} \Leftrightarrow \sin \alpha = \frac{R}{h + R} \\ R &= h \sin \alpha + R \sin \alpha \\ R - R \sin \alpha &= h \sin \alpha \\ R(1 - \sin \alpha) &= h \sin \alpha \\ R &= \frac{h \sin \alpha}{1 - \sin \alpha} \end{aligned}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 16**



Rampa com inclinação de 5%:

$$\frac{1}{x} = \frac{5}{100} \Rightarrow x = 20\text{m.}$$

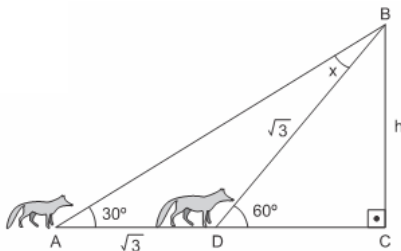
Aplicando o Teorema de Pitágoras, temos:

$$d^2 = 1^2 + 20^2 \Rightarrow d = \sqrt{401}\text{m}$$

Logo, a diferença pedida é de  $(\sqrt{401} - 2)\text{m}$ .

Letra **D**

**QUESTÃO 17**



No triângulo  $ADB$ , temos:

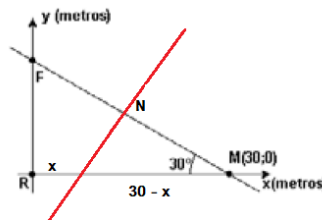
$$x + 30^\circ = 60^\circ \Rightarrow x = 30^\circ \Rightarrow DB = \sqrt{3}\text{m}$$

No triângulo  $BDC \Rightarrow \sin 60^\circ = \frac{h}{\sqrt{3}} \Rightarrow h = \sqrt{3} \cdot \sin 60^\circ \Rightarrow$

$$h = \sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 1,5\text{m}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 18**



A reta vermelha é a mediatriz do lado  $MF$ , pois a administração deve estar distante dos pontos  $M$  e  $F$ .

$$\cos 30^\circ = \frac{30}{MF} \rightarrow MF = 20 \cdot \sqrt{3}$$

$$MN = \frac{MF}{2} = \frac{20 \cdot \sqrt{3}}{2} = 10 \cdot \sqrt{3}$$

$$\cos 30^\circ = \frac{MN}{30-x} \rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{10 \cdot \sqrt{3}}{30-x}$$

$$x = 10$$

Letra **B**

**QUESTÃO 19**

No triângulo  $ABC \hat{A}BC = 45^\circ$ , aplicando o teorema dos senos, temos:

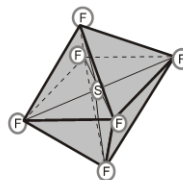
$$\frac{50}{\sin 45^\circ} = \frac{BC}{\sin 30^\circ} \Leftrightarrow BC \cdot \sqrt{2} = 50 \Leftrightarrow BC = 25\sqrt{2}$$

No triângulo  $BDC$ , temos:

$$\sin 30^\circ = \frac{h}{25\sqrt{2}} \Leftrightarrow \frac{1}{2} = \frac{h}{25\sqrt{2}} \Leftrightarrow h = 12,5\sqrt{2}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 20**



$$d_{Y-Y}^2 = d_{X-Y}^2 + d_{X-Y}^2$$

$$d_{Y-Y}^2 = 2 \times d_{X-Y}^2$$

$$d_{Y-Y}^2 = 2 \times (5nm)^2$$

$$d_{Y-Y}^2 = 50nm^2$$

$$d_{Y-Y} = \sqrt{50nm^2} \approx 7,07 \approx 7nm^2$$

Letra **C**

**QUESTÃO 21**

Se  $t$  é o tempo decorrido até o encontro, então  $\overline{SA} = t$  e  $\overline{PA} = 3,5t$ .

Como  $\sin(180^\circ - \beta) = \sin \beta = \cos(90^\circ - \beta)$ , para  $\beta \in ]0, \frac{\pi}{2}[$ , pela Lei dos Senos, vem

$$\frac{\overline{SA}}{\sin S \hat{P}A} = \frac{\overline{PA}}{\sin P \hat{S}A} \Leftrightarrow \frac{t}{\sin S \hat{P}A} = \frac{3,5t}{\sin 105^\circ}$$

$$\sin S \hat{P}A = \frac{3,5}{3,5} \Leftrightarrow \sin S \hat{P}A = \frac{\cos 15^\circ}{3,5}$$

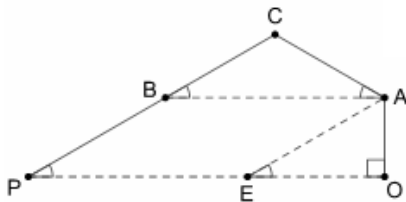
$S \hat{P}A < 90^\circ$  e  $\cos 15^\circ \approx 0,98$ , temos

$$\sin S \hat{P}A = \frac{0,98}{3,5} \Rightarrow \sin S \hat{P}A = 0,28 \Rightarrow S \hat{P}A \approx 16^\circ$$

Letra **A**

**QUESTÃO 22**

Considere a figura.



Seja E o ponto de OP tal que  $AE \parallel BP$ .

Ademais, sendo  $\overline{AC} = \overline{BC}$ , podemos concluir que o triângulo ABC é isósceles de base AB. Daí, como  $AB \parallel OP$ , temos

$$\widehat{ABC} \equiv \widehat{BAC} \equiv \widehat{BPE} \equiv \widehat{AEO} = \frac{180^\circ - 120^\circ}{2} = 30^\circ.$$

Pela Lei dos Senos, vem

$$\frac{\overline{AC}}{\text{sen } \widehat{ABC}} = \frac{\overline{AB}}{\text{sen } \widehat{ACB}} \Leftrightarrow \frac{8}{\text{sen } 30^\circ} = \frac{\overline{AB}}{\text{sen } 120^\circ}$$

$$\overline{AB} = 8\sqrt{3}\text{cm.}$$

Adicionalmente, do triângulo AEO, encontramos

$$\text{tg } \widehat{AEO} = \frac{\overline{AO}}{\overline{EO}} \Leftrightarrow \overline{EO} = \frac{5}{\text{tg } 30^\circ} \Leftrightarrow \overline{EO} = 5\sqrt{3}\text{cm.}$$

Em consequência, sendo  $\overline{AB} = \overline{EP}$ , podemos afirmar que a resposta é  $\overline{EP} + \overline{EO} = 8\sqrt{3} + 5\sqrt{3} = 13\sqrt{3}\text{cm.}$

Letra **D**

**QUESTÃO 23**

Calculando:

$$\sphericalangle QPR = 180 - (\beta + \theta)$$

$$\frac{x}{\text{sen } \theta} = \frac{b}{\text{sen}[180 - (\beta + \theta)]} \Rightarrow x = \frac{b \cdot \text{sen } \theta}{\text{sen}(\beta + \theta)}$$

Letra **C**

**QUESTÃO 24**

Como cada um dos triângulos laterais que formam o hexágono são triângulos isósceles, pode-se deduzir que, se seu maior ângulo é  $120^\circ$ , então os dois menores ângulos serão iguais a  $30^\circ$ .

Considerando  $x$  como sendo a base do triângulo isósceles, pela lei dos senos tem-se:

$$\frac{x}{\text{sen } 120^\circ} = \frac{4}{\text{sen } 30^\circ}$$

$$\frac{x}{2} = 8 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{1}{2} \rightarrow x = 4\sqrt{3}$$

Assim, a área total do hexágono será igual a soma das áreas dos dois triângulos isósceles e do retângulo, ou seja:

$$S_{\text{total}} = 2 \cdot S_{\triangle} + S_{\square}$$

$$S_{\text{total}} = 2 \cdot \frac{4 \cdot 4\sqrt{3} \cdot \text{sen } 30^\circ}{2} + 9 \cdot 4\sqrt{3}$$

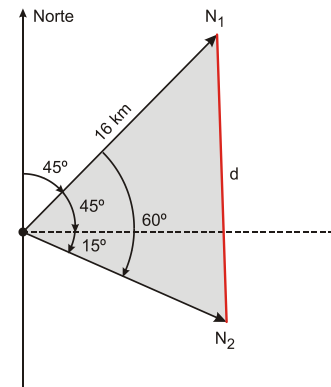
$$S_{\text{total}} = \frac{16\sqrt{3}}{2} + 36\sqrt{3}$$

$$S_{\text{total}} = 44\sqrt{3} \rightarrow S_{\text{total}} \simeq 74,8 \text{ cm}^2$$

Letra **C**

**QUESTÃO 25**

Depois de uma hora de viagem o navio 1 ( $N_1$ ) terá percorrido 16 km e o navio 2 ( $N_2$ ) terá percorrido 6 km. Temos, então, a seguinte figura:



Se  $d$  a distância entre os navios, temos:

$$d^2 = 16^2 + 6^2 - 2 \cdot 16 \cdot 6 \cdot \cos 60^\circ$$

$$d^2 = 256 + 36 - 192 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)$$

$$d^2 = 196$$

$d = 14\text{km}$

Letra **B**

**QUESTÃO 26**

Pela Lei dos Cossenos, obtemos:

$$\overline{BC}^2 = \overline{AC}^2 + \overline{AB}^2 - 2 \cdot \overline{AC} \cdot \overline{AB} \cdot \cos \widehat{BAC}$$

$$= (0,8)^2 + 1^2 - 2 \cdot 0,8 \cdot 1 \cdot \cos 150^\circ$$

$$= 0,64 + 1 - 2 \cdot 0,8 \cdot \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$\simeq 1,64 + 0,8 \cdot 1,7$$

$$\simeq 3.$$

Logo,  $\overline{BC} \simeq 1,7$  e, portanto,  $1 + 0,8 + 1,7 = 3,5$ .

Letra **D**

**QUESTÃO 27**

Pela Lei dos Senos, segue que:

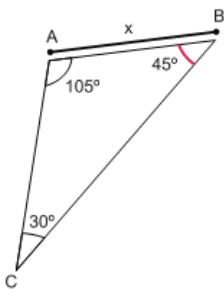
$$\frac{\overline{AB}}{\text{sen } 60^\circ} = 2R$$

$$2R = \frac{80}{\frac{\sqrt{3}}{2}}$$

$$R = \frac{80}{\sqrt{3}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{80\sqrt{3}}{3} \text{ m.}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 28**



$$\frac{x}{\text{sen}30^\circ} = \frac{200}{\text{sen}45^\circ}$$

$$x \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 200 \cdot \frac{1}{2}$$

$$x = \frac{200}{\sqrt{2}}$$

$$x = 100\sqrt{2}\text{m}$$

Letra **D**

**QUESTÃO 29**

Aplicando a lei dos cossenos no triângulo ABC, vem:

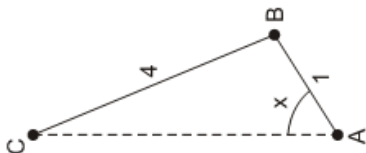
$$4^2 = \overline{AC}^2 + 1^2 - 2 \cdot \overline{AC} \cdot \cos x$$

$$15 = (\overline{AC} - \cos x)^2 - \cos^2 x$$

$$\overline{AC} - \cos x = \sqrt{15 + \cos^2 x}$$

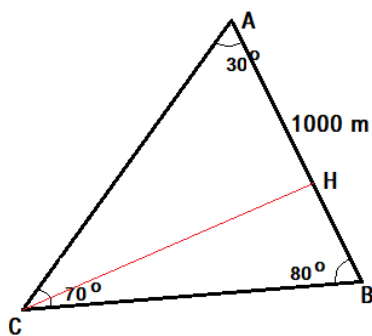
$$\overline{AC} = \sqrt{\frac{15 + \cos^2 x}{1 - \text{sen}^2 x} + \cos x}$$

$$\overline{AC} = \sqrt{16 - \text{sen}^2 x + \cos x}$$



Letra **D**

**QUESTÃO 30**



Lei dos senos em ABC:

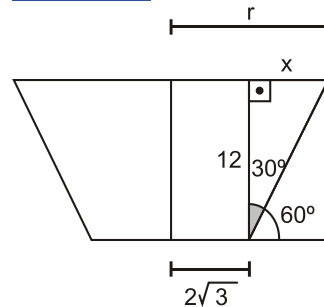
$$\frac{1000}{\text{sen}70^\circ} = \frac{AC}{\text{sen}80^\circ} \rightarrow AC = 1048 \text{ m}$$

Como AH é altura, então em ACH:

$$\text{sen}30^\circ = \frac{CH}{1048} \rightarrow 0,5 = \frac{CH}{1048} \rightarrow CH = 524 \text{ m}$$

Letra **A**

**QUESTÃO 31**



$$\text{tg}30^\circ = \frac{x}{12} \Leftrightarrow x = 4\sqrt{3}$$

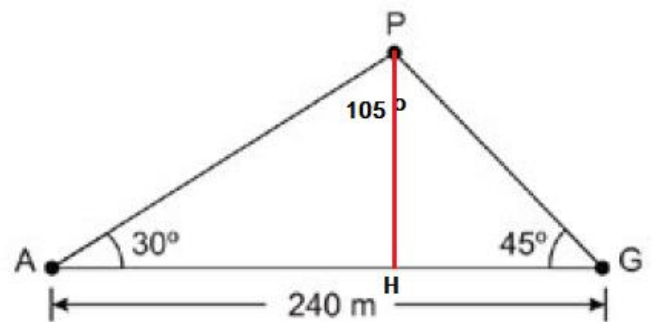
$$r = 4\sqrt{3} + 2\sqrt{3} = 6\sqrt{3},$$

logo a área da tampa será:

$$A = \pi \cdot (6\sqrt{3})^2 = 108\pi \text{ m}^2$$

Letra **B**

**QUESTÃO 32**



Lei dos senos em APG:

$$\frac{240}{\text{sen}105^\circ} = \frac{AP}{\text{sen}45^\circ} \rightarrow AP = 240 \cdot (\sqrt{3} - 1) \text{ m}$$

Como AH é altura, então em ACP:

$$\text{sen}30^\circ = \frac{PH}{AP} \rightarrow PH = 120 \cdot (\sqrt{3} - 1) \text{ m}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 33**

$$d = \frac{2 \cdot \pi \cdot 6400}{6} + \frac{2 \cdot \pi \cdot 3200}{8} = 8800 \text{ km}$$

Letra **C**

**QUESTÃO 34**

Sejam  $\ell_i$  e  $c_i$ , respectivamente, as medidas do maior lado e do menor lado do papel  $A_i$ , com  $i = 0, 1, 2, \dots, 10$ .

Sabemos que  $\ell_1 = c_0$  e  $c_1 = \frac{\ell_0}{2}$ . Além disso, como as folhas de papel  $A_0$  e  $A_1$  são retângulos semelhantes, segue que:

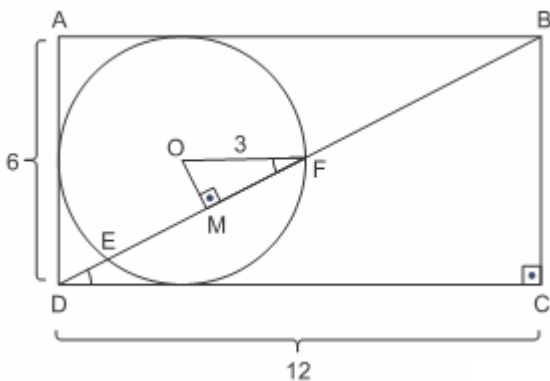
$$\frac{\ell_0}{c_0} = \frac{\ell_1}{c_1} \Leftrightarrow \frac{\ell_0}{c_0} = \frac{c_0}{\frac{\ell_0}{2}} \Leftrightarrow \left(\frac{\ell_0}{c_0}\right)^2 = 2 \Rightarrow \frac{\ell_0}{c_0} = \sqrt{2}.$$

Por outro lado, as folhas de papel  $A_0$  e  $A_4$  também são retângulos semelhantes. Desse modo,

$$\frac{\ell_4}{c_4} = \frac{\ell_0}{c_0} = \sqrt{2}.$$

Letra **A**

**QUESTÃO 35**



$AD = BC = 6 \text{ cm}$   
 $CD \cdot 6 = 72 \Rightarrow CD = AB = 12 \text{ cm}$

No triângulo CDB, temos:

$BD^2 = 12^2 + 6^2 \Rightarrow BD = 6\sqrt{5}$

Os triângulos MFO e CDB são semelhantes, portanto:

$$\frac{MF}{12} = \frac{3}{6\sqrt{5}}$$

$$6\sqrt{5} \cdot MF = 36$$

$$MF = \frac{36}{6\sqrt{5}}$$

$$MF = \frac{6}{\sqrt{5}}$$

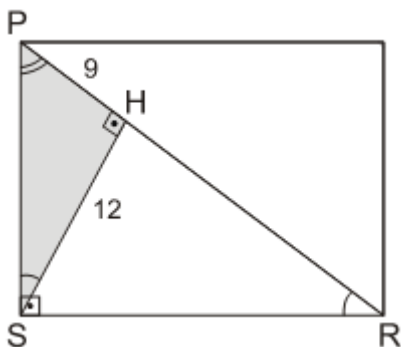
$$MF = \frac{6\sqrt{5}}{5}$$

Logo:

$EF = 2 \cdot MF \Rightarrow EF = \frac{12\sqrt{5}}{5}$

Letra **D**

**QUESTÃO 36**



No  $\Delta PHS$ :  $PS^2 = 9^2 + 12^2 \Rightarrow PS = 15 \text{ m}$ .

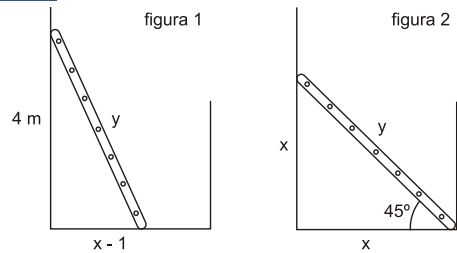
$\Delta PHS - \Delta PSR \Rightarrow \frac{9}{15} = \frac{12}{SR} \Rightarrow SR = 20 \text{ m}$ .

Portanto, a área do terreno será:

$A = 20 \cdot 15 = 300 \text{ m}^2$

Letra **D**

**QUESTÃO 37**



Na figura 2:  $y^2 = x^2 + x^2 \Leftrightarrow y = x\sqrt{2}$

Na figura 1:

$y^2 = 4^2 + (x - 1)^2$

$(x\sqrt{2})^2 = 16 + x^2 - 2x + 1$

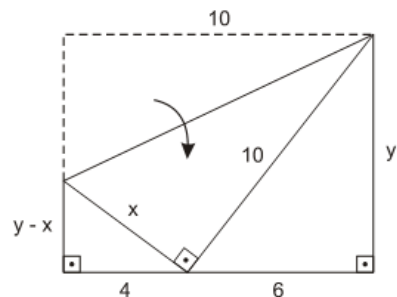
$x^2 + 2x - 17 = 0$

Resolvendo a equação temos:

$x = 3\sqrt{2} - 1$  ou  $x = -3\sqrt{2} - 1$  (não convém)

Letra **B**

**QUESTÃO 38**



$y^2 + 6^2 = 10^2 \Leftrightarrow y = 8$   
 $x^2 = (8 - x)^2 + 4^2 \Leftrightarrow x = 5$   
 $A = \frac{5 \cdot 10}{2} = 25$

Letra **B**

**QUESTÃO 39**

Dados:  $v_0 = 30 \text{ m/s}$ ;  $\theta = 30^\circ$ ;  $\text{sen } 30^\circ = 0,50$  e  $\text{cos } 30^\circ = 0,85$  e  $t = 3 \text{ s}$ .

A componente horizontal da velocidade ( $v_{0x}$ ) mantém-se constante. O alcance horizontal (A) é dado por:

$A = v_{0x}t \Rightarrow A = v_0 \text{cos } 30^\circ t$

$A = 30(0,85)(3)$

$A = 76,5 \text{ m}$ .

Letra **C**

**QUESTÃO 40**

$$\frac{90}{\text{sen } 45^\circ} = \frac{\overline{AC}}{\text{sen } 30^\circ}$$

$$\overline{AC} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 90 \cdot \frac{1}{2} \Rightarrow \overline{AC} = \frac{90}{\sqrt{2}} = 45\sqrt{2}$$

$$\frac{\overline{BC}}{\text{sen } 45^\circ} = \frac{\overline{AC}}{\text{sen } 60^\circ}$$

$$\overline{BC} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 45\sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \overline{BC} = \frac{90}{\sqrt{3}} = 30\sqrt{3}$$

Letra **D**

**QUESTÃO 41**

Pela lei dos cossenos:

$$a^2 = 10^2 + 6^2 - 2 \cdot 10 \cdot 6 \cdot \cos 120^\circ$$

$$a^2 = 136 - 120 \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) \Rightarrow a^2 = 196 \rightarrow a = 14$$

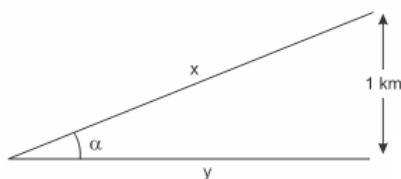
Perímetro = 10 + 6 + 14 = 30 m

3 voltas = 90 m ⇒ custo = 5 · 90 = 450 reais

Letra **C**

**QUESTÃO 42**

Pensando numa montanha com declividade de 50% e com desnível de 1000m = 1km, temos:



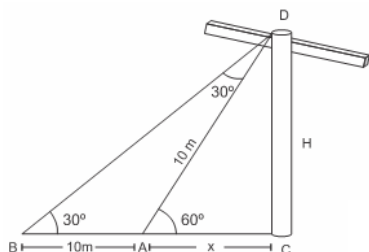
Considerando x a distância percorrida até o topo da montanha, temos:

$$\text{tg } \alpha = \frac{1}{y} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{1}{y} \Rightarrow y = 2\text{km}$$

Aplicando o Teorema de Pitágoras no triângulo acima, temos:  $x^2 = 1^2 + y^2 \Rightarrow x^2 = 1 + 2^2 \Rightarrow x = \sqrt{5}\text{km}$ .

Letra **D**

**QUESTÃO 43**



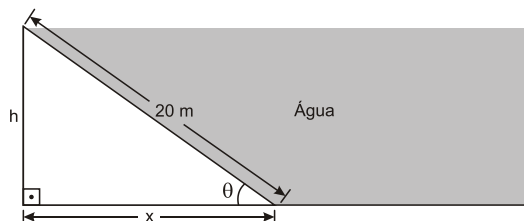
O triângulo ABC é isósceles, logo AD = 10m.

No triângulo ACD, temos:  $\text{sen}60^\circ = \frac{H}{100}$

$$H = 10 \cdot \text{sen}60^\circ = 10 \cdot 0,86 = 8,60\text{cm}$$

Letra **A**

**QUESTÃO 44**



$$P = P_{\text{atm}} + d \cdot g \cdot h$$

$$2,2 \cdot 10^5 = 10^5 + 10^3 \cdot 10 \cdot h$$

$$1,2 \cdot 10^5 = 10^4 \cdot h$$

$$h = 12$$

Logo, pelo teorema Pitágoras:  $x^2 + h^2 = 20^2 \Rightarrow x = 16$

Logo,  $\text{tg}\theta = \frac{12}{16} = \frac{3}{4}$ .

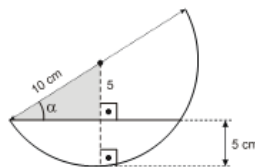
Letra **B**

**QUESTÃO 45**

Se a diferença de altura entre A e B é de 0,5%, então o resultado pedido é dado por  $0,005 \cdot 53 = 0,265 \text{ m} = 26,5\text{cm}$ .

Letra **B**

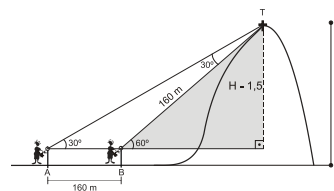
**QUESTÃO 46**



$$\text{sen}\alpha = \frac{5}{10} \Rightarrow \alpha = 30^\circ$$

Letra **D**

**QUESTÃO 47**



H é a altura do morro em metros.

O triângulo ABT é isósceles, logo BT = 160m.

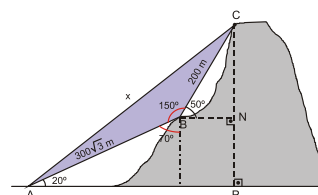
No triângulo assinalado, temos:

$$\text{sen}60^\circ = \frac{H - 1,5}{160} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{H - 1,5}{160}$$

$$H = (80\sqrt{3} + 1,5)\text{m}$$

Letra **A**

**QUESTÃO 48**



Aplicando o teorema dos cossenos no triângulo assinalado, temos:

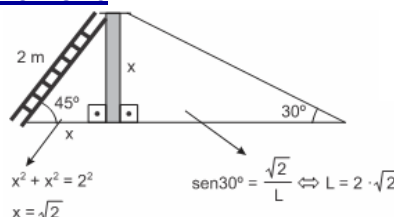
$$AC^2 = (300\sqrt{3})^2 + 200^2 - 2 \cdot 300\sqrt{3} \cdot 200 \cdot \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$AC^2 = 270000 + 40000 + 180000$$

$$AC = \sqrt{490000} = 700\text{m}$$

Letra **A**

**QUESTÃO 49**



$$x^2 + x^2 = 2^2$$

$$x = \sqrt{2}$$

$$\text{sen}30^\circ = \frac{\sqrt{2}}{L} \Leftrightarrow L = 2 \cdot \sqrt{2}$$

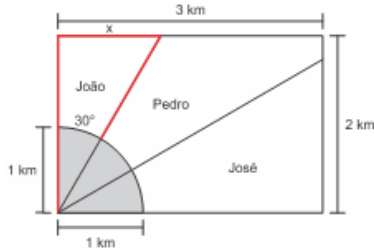
Letra **B**

**QUESTÃO 50**

No triângulo assinalado (João) temos:

$$\operatorname{tg} 30^\circ = \frac{x}{2} \Leftrightarrow x = 2 \frac{\sqrt{3}}{3} = 2 \cdot 0,58 = 1,16$$

$$A = \frac{1,16 \cdot 2}{2} = 1,16 \rightarrow \frac{1,16}{6} \approx 19\%$$



Letra **E**

**QUESTÃO 51**

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{h}{PT} \text{ e } \operatorname{tg} \beta = \frac{h-10}{PT}$$

Logo:  $\frac{\operatorname{tg} \alpha}{\operatorname{tg} \beta} = \frac{h}{h-10} \rightarrow \frac{4}{3} = \frac{h}{h-10} \rightarrow h = 40 \text{ m}$

Letra **D**

**QUESTÃO 52**

$$BC = a = 5 \text{ cm}$$

$$AC = 2 \cdot AB \rightarrow b = 2 \cdot c \text{ e } \hat{A} = 60^\circ$$

Lei dos cossenos:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \cos 60^\circ$$

$$5^2 = (2 \cdot c)^2 + c^2 - 2 \cdot 2 \cdot c \cdot c \cdot 0,5$$

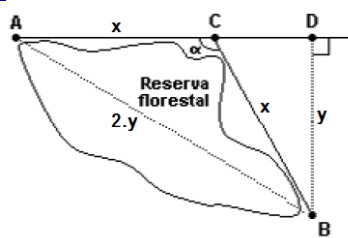
$$25 = 4 \cdot c^2 + c^2 - 2 \cdot c \cdot c^2$$

$$25 = 3 \cdot c^2$$

$$c = \frac{5 \cdot \sqrt{3}}{3} \rightarrow b = 2 \cdot c = \frac{10 \cdot \sqrt{3}}{3} \text{ cm}$$

Letra **C**

**QUESTÃO 53**



No triângulo BCD:

$$\operatorname{sen}(180^\circ - \alpha) = \frac{y}{x} \rightarrow y = x \cdot \operatorname{sen} \alpha$$

Lei dos cossenos no triângulo ABC:

$$(2 \cdot y)^2 = x^2 + x^2 - 2 \cdot x \cdot x \cdot \cos \alpha$$

$$(2 \cdot x \cdot \operatorname{sen} \alpha)^2 = 2 \cdot x^2 (1 - \cos \alpha)$$

$$4 \cdot x^2 \cdot (\operatorname{sen} \alpha)^2 = 2 \cdot x^2 (1 - \cos \alpha)$$

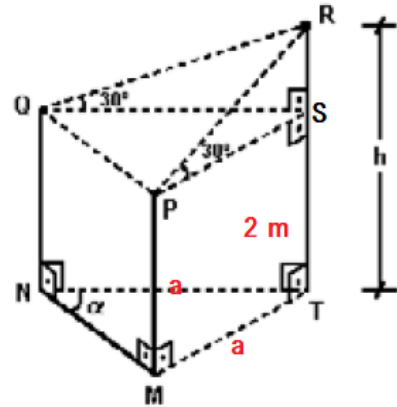
$$2 \cdot (1 - \cos^2 \alpha) = (1 - \cos \alpha)$$

$$2 \cdot (1 + \cos \alpha)(1 - \cos \alpha) = (1 - \cos \alpha)$$

$$2 \cdot (1 + \cos \alpha) = 1 \rightarrow \cos \alpha = -\frac{1}{2} \rightarrow \alpha = 120^\circ$$

Letra **B**

**QUESTÃO 54**



Pela lei dos cossenos MNT:

$$a^2 = a^2 + 1,5^2 - 2 \cdot a \cdot 1,5 \cdot \cos \alpha$$

$$0 = 1,5^2 - 2 \cdot a \cdot 1,5 \cdot \frac{\sqrt{3}}{4}$$

$$0 = 1,5 - a \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \rightarrow a = \sqrt{3} \text{ m}$$

No triângulo PRS:

$$\operatorname{tg} 30^\circ = \frac{RS}{\sqrt{3}} \rightarrow \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{RS}{\sqrt{3}} \rightarrow RS = 1 \text{ m}$$

$$h = 2 + RS = 2 + 1 = 3 \text{ m}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 55**

$$x^2 = 8^2 + 8^2 - 2 \cdot 8 \cdot 8 \cdot \cos 120^\circ$$

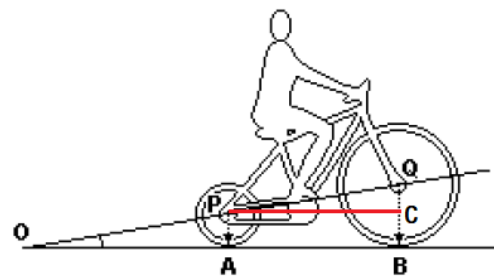
$$x^2 = 64 + 64 - 2 \cdot 64 \cdot (-0,5)$$

$$x^2 = 3 \cdot (64)$$

$$x = 8 \cdot \sqrt{3} \text{ km}$$

Letra **A**

**QUESTÃO 56**



$$\operatorname{sen} \widehat{AOP} = \frac{52-25}{120} = 0,225$$

Logo o ângulo mede  $13^\circ$ .

Letra **C**

**QUESTÃO 57**

O ângulo no vértice do satélite é  $45^\circ$ .

Lei dos senos:

$$\frac{6400}{\operatorname{sen} 45^\circ} = \frac{6400+x}{\operatorname{sen} 120^\circ}$$

$$\frac{6400}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{6400+x}{\frac{\sqrt{3}}{2}} \rightarrow \frac{6400}{1,4} = \frac{6400+x}{1,7}$$

$$x = 1371 \text{ km}$$

Letra **A**



**QUESTÃO 58**

Como  $\text{sen}^2x + \text{cos}^2x = 1$

$$\text{cos}A = \frac{3}{5} \rightarrow \text{sen}A = \frac{4}{5}$$

$$\text{sen}C = \frac{2\sqrt{5}}{5} \rightarrow \text{cos}C = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

Pela lei dos senos:

$$\frac{a}{\text{sen}A} = \frac{c}{\text{sen}C} \rightarrow c = \frac{5\sqrt{5}}{2}$$

Como:

$$A + B + C = 180^\circ$$

$$B = 180^\circ - (A + C)$$

$$\text{sen}B = \text{sen}[180^\circ - (A + C)]$$

$$\text{sen}B = \text{sen}(A + C)$$

$$\text{sen}B = \text{sen}A \cdot \text{cos}C + \text{sen}C \cdot \text{cos}A$$

$$\text{sen}B = \frac{2\sqrt{5}}{5}$$

A área:

$$A = \frac{a \cdot c \cdot \text{sen}B}{2} = \frac{25}{2} \text{ cm}^2$$

Letra **E**

**QUESTÃO 59**

Lei dos cossenos:

$$a^2 = 6400 + 14400 - 2 \cdot 80 \cdot 120 \cdot \cos 0,5$$

$$a^2 = 11200 \rightarrow a = 106 \text{ km}$$

Letra **C**

**QUESTÃO 60**

De acordo com as informações do problema concluímos que o perímetro do trapézio ABDC é:

$$60 + 25 + 25 + 30 = 140 \text{ m.}$$

Então o perímetro do trapézio PQRS será dado por:

$$560 - 140 = 420 \text{ m.}$$

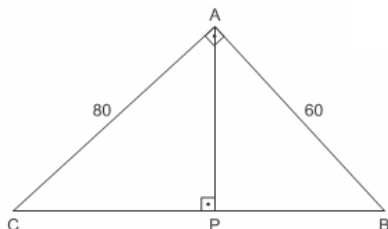
Considerando a semelhança dos trapézios, podemos escrever que:

$$\frac{RS}{420} = \frac{60}{140} \Rightarrow RS = 180 \text{ m.}$$

Letra **A**

**QUESTÃO 61**

Chamando o posto policial de P, obtemos uma nova figura:



Utilizando relações métricas no triângulo retângulo, obtemos:

$$BC^2 = 60^2 + 80^2 \Rightarrow BC = 100 \text{ km}$$

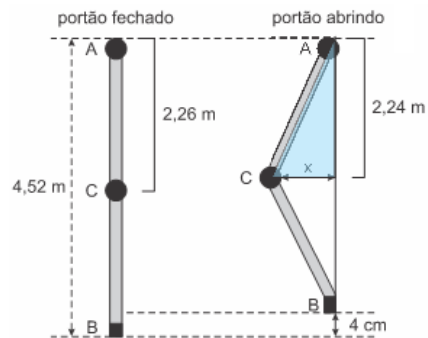
$$AC^2 = BC \cdot PB$$

$$60^2 = 100 \cdot PB$$

$$PB = 36 \text{ km}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 62**



Calculando:

$$(2,26)^2 = x^2 + (2,24)^2 \Rightarrow x^2 = 5,1076 - 5,0176$$

$$x^2 = 0,09 \Rightarrow x = 0,3 \text{ m} = 30 \text{ cm}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 63**

Tem-se que

$$\frac{c}{a} = \frac{4}{3} \Leftrightarrow a = \frac{3c}{4}$$

Se  $x = 20$  polegadas, então, pelo Teorema de Pitágoras,

$$x^2 = c^2 + a^2 \Rightarrow 20^2 = c^2 + \left(\frac{3c}{4}\right)^2 \Rightarrow c = 16 \text{ pol.}$$

A resposta é  $16 \cdot 2,54 = 40,64 \text{ cm.}$

Letra **D**

**QUESTÃO 64**

$$\text{tg } 45^\circ = \frac{h}{x} \Rightarrow 1 = \frac{h}{x} \Rightarrow x = h$$

$$\text{tg } 60^\circ = \frac{h}{h+7}$$

$$\sqrt{3} = \frac{h+7}{h}$$

$$h\sqrt{3} - h = 7$$

$$1,7h - h = 7$$

$$h = \frac{7}{0,7} = 10$$

Letra **C**

**QUESTÃO 65**

Desde que  $\overline{AD} = \overline{BC}$  e  $\overline{AB} = \overline{DC}$ , temos  $\overline{DE} = 6 \text{ cm.}$

Portanto, pelo Teorema de Pitágoras, temos

$$\overline{AE}^2 = \overline{AD}^2 + \overline{DE}^2 \Rightarrow \overline{AE}^2 = 12^2 + 6^2$$

$$\overline{AE} = \sqrt{5 \cdot 36} \Rightarrow \overline{AE} = 6\sqrt{5} \text{ cm.}$$

Letra **D**

**QUESTÃO 66**

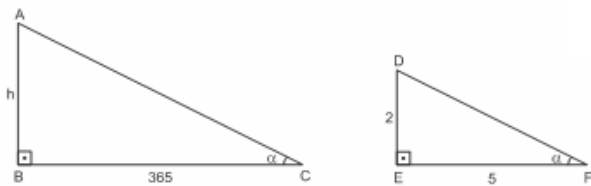
Pelo Teorema De Tales, segue que

$$\frac{\overline{AB}}{\overline{A'B'}} = \frac{\overline{BC}}{\overline{B'C'}} = \frac{\overline{CD}}{\overline{C'D'}} = \frac{\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CD}}{\overline{A'B'} + \overline{B'C'} + \overline{C'D'}} = \frac{40}{40} = \frac{30}{30} = \frac{20}{20} = \frac{2}{2} \Leftrightarrow \begin{cases} \overline{A'B'} = 60 \text{ m} \\ \overline{B'C'} = 30 \text{ m} \\ \overline{C'D'} = 30 \text{ m} \end{cases}$$

A resposta é  $\overline{A'B'} - \overline{C'D'} = 60 - 30 = 30 \text{ m.}$

Letra **B**

**QUESTÃO 67**



$$\begin{aligned} \widehat{CBA} &= \widehat{FED} = 90^\circ \\ \widehat{ACB} &= \widehat{DFE} = \alpha \end{aligned}$$

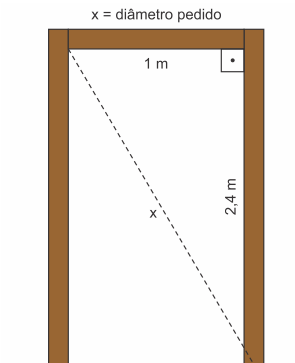
Logo, os triângulos ACB e DFE são semelhantes.

$$\frac{h}{2} = \frac{365}{5} \\ h = 146 \text{ m}$$

Letra **D**

**QUESTÃO 68**

Basta considerar que o diâmetro do tampo é também diagonal da porta.



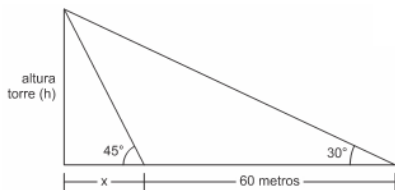
Logo:

$$x^2 = 1^2 + 2,4^2 \Rightarrow x^2 = 6,76 \Rightarrow x = 2,6 \text{ m}$$

Letra **D**

**QUESTÃO 69**

Analisando o problema temos a seguinte situação formando dois triângulos:



Aplicando a lei da tangente sobre o ângulo de  $45^\circ$ , temos:

$$\operatorname{tg}(45^\circ) = \frac{\text{cateto oposto}}{\text{cateto adjacente}} \Rightarrow 1 = \frac{h}{x} \Rightarrow h = x$$

Aplicando a lei da tangente sobre o ângulo de  $30^\circ$  temos:

$$\operatorname{tg}(30^\circ) = \frac{\text{cateto oposto}}{\text{cateto adjacente}} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{h}{60 + x}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{x}{60 + x}$$

$$(60 + x) \cdot \sqrt{3} = 3x \Rightarrow 60\sqrt{3} + x\sqrt{3} = 3x$$

$$60 \cdot (1,73) + 1,73x = 3x$$

$$103,8 = 1,27x$$

$$x \cong 82 \Rightarrow h = 82 \text{ m}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 70**

Desde que os losangos FGCE e ABCD são semelhantes, temos:  $\frac{(FGCE)}{(ABCD)} = \frac{1}{2} = k^2$ , com k sendo a razão de semelhança.

Portanto, como  $\overline{AB} = 6\text{cm}$ , então:

$$\frac{\overline{FG}}{\overline{AB}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \Leftrightarrow \overline{FG} = 3\sqrt{2} \text{ cm.}$$

Letra **E**

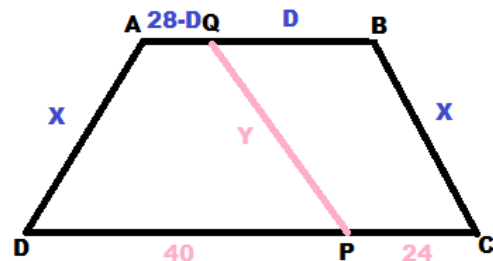
**QUESTÃO 71**

Seja 2p o perímetro desejado. Como os triângulos são semelhantes e o perímetro do primeiro triângulo é igual a  $13 + 14 + 15 = 42\text{cm}$ , temos

$$\left(\frac{2p}{42}\right)^2 = \frac{336}{84} \Leftrightarrow \left(\frac{2p}{42}\right)^2 = 4 \Rightarrow 2p = 84\text{cm.}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 72**



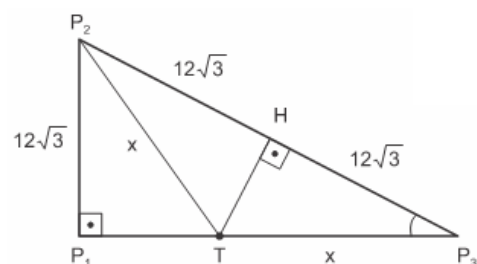
$$X + 28 - D + Y + 40 = X + D + 24 + Y$$

$$44 = 2D$$

$$D = 22$$

Letra **B**

**QUESTÃO 73**



Tracemos inicialmente o segmento  $\overline{TH}$  perpendicular a hipotenusa  $\overline{P_2P_3}$ .

Calculada a medida do segmento  $P_1P_3$ , temos:

$$(P_1P_3)^2 = (24\sqrt{3})^2 - (12\sqrt{3})^2$$

$$P_1P_3 = \sqrt{1296}$$

$$P_1P_3 = 36$$

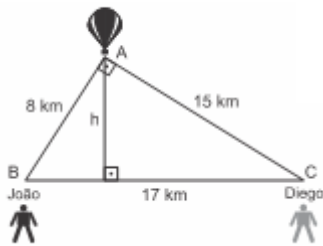
Considerando que os triângulos  $P_1P_2P_3$  e  $THP_3$  são semelhantes, podemos escrever:

$$\frac{24\sqrt{3}}{x} = \frac{36}{12\sqrt{3}} \Rightarrow 36x = 24 \cdot 12 \cdot 3 \Rightarrow x = 24$$

Letra **B**

**QUESTÃO 74**

Como  $17^2 = 8^2 + 15^2$ , concluímos que o ângulo do triângulo com vértice no balão é reto.



Portanto, a altura  $h$  do balão desprezando a altura dos pesquisadores será dada por:

$$17 \cdot h = 8 \cdot 15 \Rightarrow 17 \cdot h = 120 \Rightarrow h \approx 7 \text{ km}$$

Letra **C**

**QUESTÃO 75**

O triângulo OAB é um triângulo pitagórico do tipo 3-4-5, portanto:

$$\overline{OA} = 4$$

$$AB = r = 3$$

$$R = 5$$

$$h = R - \overline{OA} = 5 - 4 \Rightarrow h = 1$$

Letra **C**

**QUESTÃO 76**

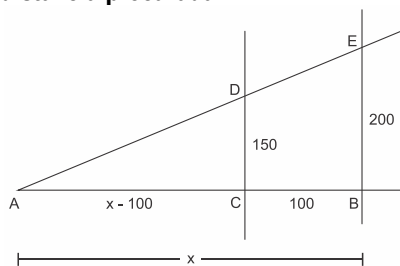
Sendo os triângulos retângulos semelhantes por AA e  $\overline{BC} = 1,6 \text{ m}$ , temos

$$\frac{\overline{CD}}{3} = \frac{1,6}{8} \Leftrightarrow \overline{CD} = 0,6 \text{ m.}$$

Letra **A**

**QUESTÃO 77**

De acordo com o problema, temos a seguinte figura com  $x$  sendo a distância procurada.



$$\Delta ACD \sim \Delta ABE \Rightarrow \frac{x-100}{x} = \frac{150}{200} \Rightarrow \frac{x-100}{x} = \frac{3}{4}$$

$$x = 400 \text{ m}$$

Letra **D**

**QUESTÃO 78**

Se que os lados AB e BC medem 80 e 100 metros, então o lado AC mede 60 metros (Teorema de Pitágoras). Sabe-se também que os segmentos CM e BM são iguais e medem 50 metros (pois MP é mediatriz da hipotenusa). Como o triângulo ABC é semelhante ao triângulo PMB, pode-se escrever:

$$\frac{100}{PB} = \frac{50}{80} \rightarrow PB = \frac{125}{2} \text{ m}$$

$$AP = 80 - \frac{125}{2} \rightarrow AP = \frac{35}{2} \text{ m}$$

$$\frac{MP}{60} = \frac{50}{80} \rightarrow MP = \frac{75}{2} \text{ m}$$

$$P_{\text{lote1}} = 60 + 50 + \frac{75}{2} + \frac{35}{2} \rightarrow P_{\text{lote1}} = 165 \text{ m}$$

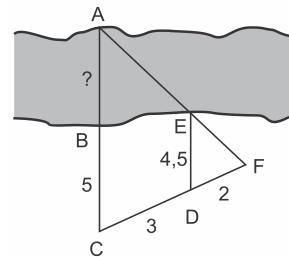
$$P_{\text{lote2}} = 50 + \frac{75}{2} + \frac{125}{2} \rightarrow P_{\text{lote2}} = 150 \text{ m}$$

Portanto, a razão entre os perímetros dos lotes I e II será:

$$\frac{P_{\text{lote1}}}{P_{\text{lote2}}} = \frac{165}{150} = \frac{11}{10}$$

Letra **D**

**QUESTÃO 79**



$$\Delta FED \sim \Delta FAC$$

$$\frac{2}{5} = \frac{4,5}{AC}$$

$$AC = 11,25$$

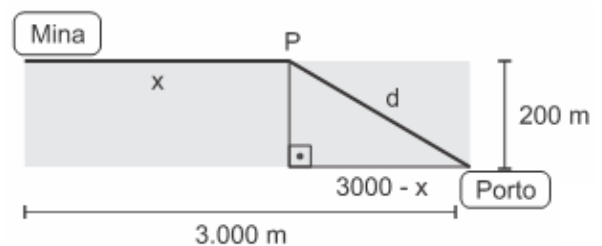
$$10 + 2AB = 22,5$$

$$2AB = 12,5$$

$$AB = 6,25$$

Letra **A**

**QUESTÃO 80**



O custo total será dado por:  $C(x) = 6 \cdot x + 10 \cdot d$

$$\text{Onde, } d = \sqrt{(3000 - x)^2 + 200^2}$$

$$\text{Daí, temos: } C(x) = 6 \cdot x + 10 \cdot \sqrt{(3000 - x)^2 + 200^2}$$

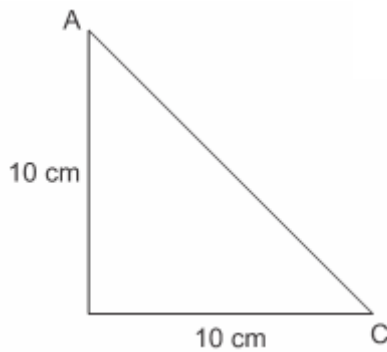
Letra **D**

**QUESTÃO 81**

Pelo Teorema de Pitágoras aplicado no triângulo ABC, encontramos facilmente  $\overline{AC} = 20 \text{ m}$ . Os triângulos ABC, CDE, EFG, ... são semelhantes por AA. Logo, como a razão de semelhança é igual a  $\frac{\overline{CD}}{\overline{AB}} = \frac{12}{16} = \frac{3}{4}$ , então  $\overline{AC} = 20 \text{ m}$ ,  $\overline{CE} = 15 \text{ m}$ ,  $\overline{EG} = \frac{45}{4} \text{ m}$ , ... constituem uma progressão geométrica cujo limite da soma dos  $n$  primeiros termos é dado por  $\frac{20}{1 - \frac{3}{4}} = 80 \text{ m}$ .

Letra **C**

**QUESTÃO 82**



Aplicando o teorema de Pitágoras para obter a diagonal:

$$\text{hip}^2 = \text{cat}^2 + \text{cat}^2$$

$$\text{hip}^2 = 10^2 + 10^2$$

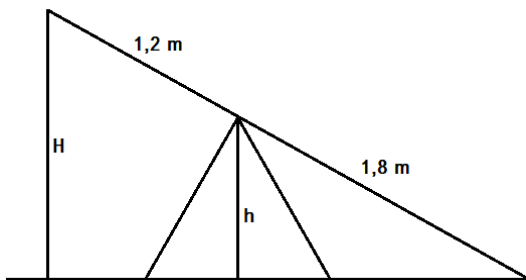
$$\text{hip} = 10\sqrt{2}$$

Somando a aresta, a distância total é de:

$$(10\sqrt{2} + 10) \text{ cm.}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 83**



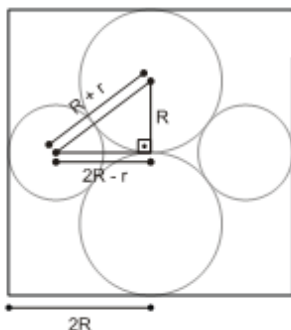
Como h é altura de um triângulo equilátero de lado unitário:  $h = \frac{1 \cdot \sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ m}$

$$h = \frac{1 \cdot \sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ m}$$

Por semelhança:  $\frac{H}{3} = \frac{h}{1,8} \rightarrow H = \frac{3}{1,8} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{5\sqrt{3}}{6} \text{ m}$

Letra **D**

**QUESTÃO 84**



Observando a figura, podemos escrever que

$$(R + r)^2 = R^2 + (2R - r)^2$$

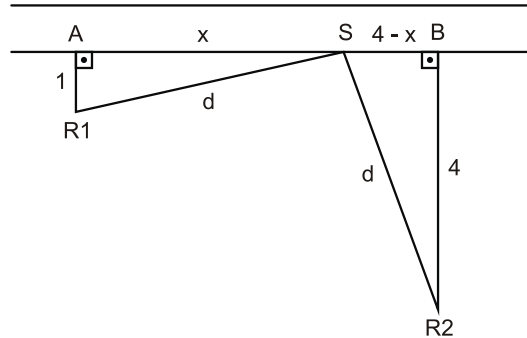
$$R^2 + 2 \cdot R \cdot r + r^2 = R^2 + 4R^2 - 4Rr + r^2$$

$$4R^2 - 6 \cdot Rr = 0$$

$$R = 0 \text{ (não "convém")} \text{ ou } \frac{R}{r} = \frac{3}{2}$$

Letra **C**

**QUESTÃO 85**



$$d^2 = x^2 + 1^2 \text{ e } d^2 = (x - 4)^2 + 4^2$$

Logo,  $x^2 + 1^2 = (x - 4)^2 + 4^2$

$$8x = 31$$

$$x = 3,875$$

Letra **C**

**QUESTÃO 86**

$$\frac{S_{MNC}}{S_{ABC}} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \Leftrightarrow S_{ABC} = 4 \cdot S_{MNC}$$

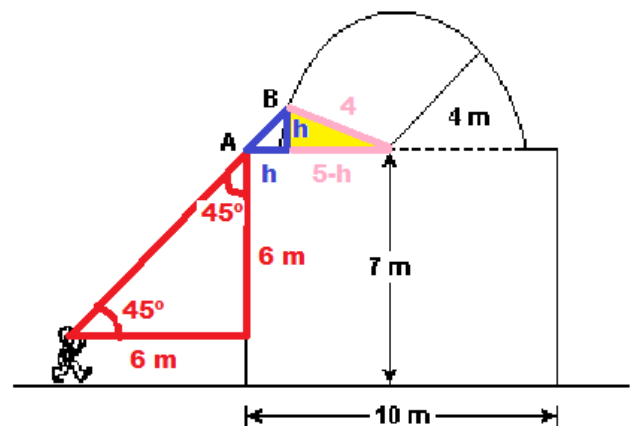
$$S_{ABMN} = S_{ABC} - S_{MNC}$$

$$S_{ABMN} = 4 \cdot S_{MNC} - S_{MNC}$$

$$S_{ABMN} = 3 \cdot S_{CMN} \text{ (TRIPLA)}$$

Letra **E**

**QUESTÃO 87**



$$4^2 = h^2 + (5 - h)^2$$

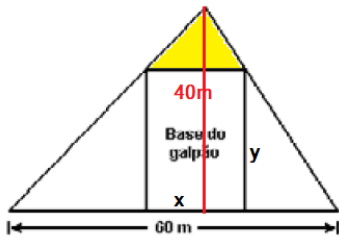
$$16 = h^2 + h^2 - 10h + 25$$

$$2h^2 - 10h + 9 = 0$$

$$h = \frac{5 - \sqrt{7}}{2}$$

$$h_{\text{total}} = \frac{5 - \sqrt{7}}{2} + 7 = \frac{19 - \sqrt{7}}{2} \text{ m}$$

**QUESTÃO 88**



Como a área é 1200 m<sup>2</sup>, a altura será 40 m.

As dimensões do galpão será x e y.

Semelhança entre o triângulo maior e o hachurado:

$$\frac{60}{x} = \frac{40}{40-y} \rightarrow y = \frac{120-2x}{3}$$

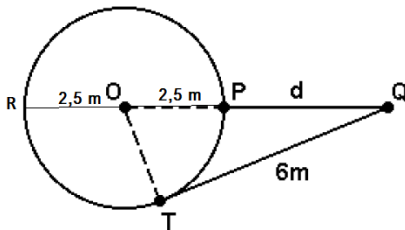
$$x \cdot y = 504 \rightarrow x^2 - 60 \cdot x + 756 = 0$$

$$x' = 18 \text{ e } x = 42 \rightarrow y' = 28 \text{ e } y = 12$$

$$\text{Menor perímetro} = 18 + 28 + 18 + 28 = 92 \text{ m}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 89**



$$QT^2 = QP \cdot QR$$

$$6^2 = d \cdot (d + 5)$$

$$d = 4 \text{ m}$$

Letra **A**

**QUESTÃO 90**

Por Pitágoras no pequeno triângulo de hipotenusa 2.h e cateto h, o outro cateto x mede:

$$x^2 = (2 \cdot h)^2 - h^2 \rightarrow x = h \cdot \sqrt{3}$$

A distância entre 2 pilares será:  $2 \cdot h \cdot \sqrt{3}$

$$\text{O número de pilares será: } n = \frac{d}{2 \cdot h \cdot \sqrt{3}} + 1$$

Letra **B**

**QUESTÃO 91**



Seja x a medida do lado do octógono.

Os catetos do triângulo hachurada serão:  $\frac{11-x}{2}$  e  $\frac{13-x}{2}$

$$\text{Por Pitágoras: } x^2 = \left(\frac{11-x}{2}\right)^2 + \left(\frac{13-x}{2}\right)^2$$

$$x^2 + 24 \cdot x - 195 = 0$$

$$x = 5$$

Letra **A**

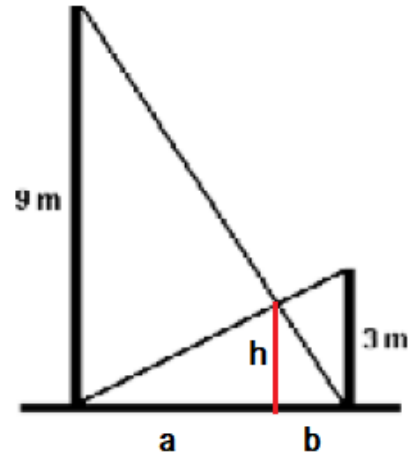
**QUESTÃO 92**

Teorema de Tales:

$$\frac{30}{24} = \frac{x+2}{56-24} \rightarrow x = 38 \text{ m}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 93**



$$\frac{3}{a+b} = \frac{h}{a} \text{ e } \frac{9}{a+b} = \frac{h}{b}$$

$$a = \frac{h \cdot (a+b)}{3} \text{ e } b = \frac{h \cdot (a+b)}{9}$$

Adicionando:

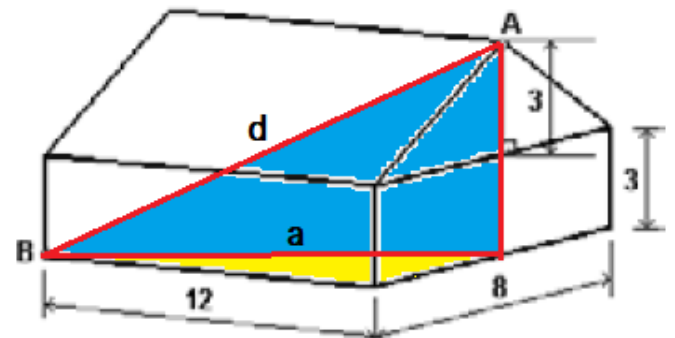
$$a + b = \frac{h \cdot (a+b)}{3} + \frac{h \cdot (a+b)}{9}$$

Dividindo por (a + b):

$$1 = \frac{h}{3} + \frac{h}{9} \rightarrow h = 2,25 \text{ m}$$

Letra **D**

**QUESTÃO 94**



Pitágoras:

$$a^2 = 12^2 + 4^2 = 160$$

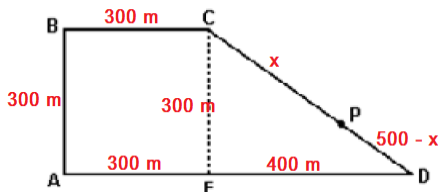
Pitágoras:

$$d^2 = a^2 + 6^2 = 160 + 16 = 196$$

$$d = 14 \text{ m}$$

Letra **B**

**QUESTÃO 95**

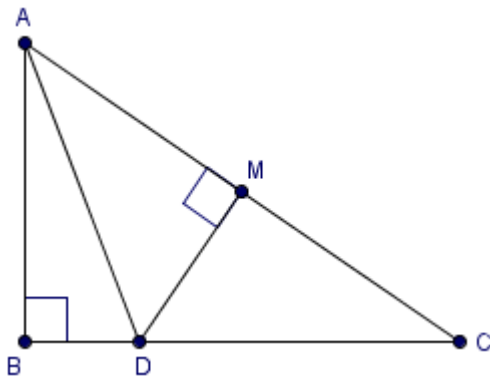


$$300 + 300 + x = 300 + 400 + 500 - x$$

$$2 \cdot x = 600, \text{ logo } x = 300 \text{ m.}$$

Letra **A**

**QUESTÃO 96**



Na figura, B é o ponto da estrada mais próximo de A (ETA), C é a estação de rádio e M é o ponto médio entre A e C por onde passa a mediatriz que define D (Restaurante) na CB estrada.

Por Pitágoras, descobre-se antes que  $RB = 800\text{m}$ .

Aí o cosseno do ângulo ACB fica:

$$500/x = 800/1000$$

$$X = 625 \text{ m}$$

Letra **C**

**QUESTÃO 97**

$$\frac{8}{80} = \frac{r}{30} \rightarrow r = 3 \text{ m}$$

Letra **A**

**QUESTÃO 98**

Por Pitágoras,  $AB = 24 \text{ m}$ .

$$24 + 26 + 10 + 2 \cdot \pi \cdot 5 = (60 + 10 \cdot \pi) \text{ m}$$

Letra **D**

**QUESTÃO 99**

Teorema de Tales:

$$\frac{250}{x+40} = \frac{200}{x} \rightarrow x = 160 \text{ m}$$

Letra **A**

**QUESTÃO 100**

Por semelhança:

$$\frac{300}{x} = \frac{15}{50} \rightarrow x = 1000 \text{ cm} = 10 \text{ m}$$

Letra **E**